〈교통공학원론〉 예제 모음

제 2 장

에제 2.1 중량 1,500 kg이고 전부 단면이 3 m^2 인 차량이 40 kph의 일정 속도로 달리다가 제동을 하여 감속하였다. 제동 시 타이어-노면의 마찰계수가 0.5라 할 때,

- (1) 초기감속도는 얼마인가?
- (2) 감속 1초 후의 속도와 감속도를 구하라.(단 0~1초 사이의 감속도는 일정하다고 가정한다.)
- (3) 최초감속 후 1초 동안 달린 거리를 구하라.
- (4) 마찰계수가 0.3인 여유 있는 감속을 하였다면 초기감속도는 얼마인가?

풀이 (1)
$$R_r = 0.013W = 0.013(1,500) = 19.5 \text{ kg}$$
 $R_a = 0.0011AV^2 = 0.0011(3)(40)^2 = 5.3 \text{ kg}$ 제동력 F는 마찰력과 같으므로 $F = f \cdot W = 0.5(1,500) = 750 \text{ kg}$ 식 (2.2)에서 $-750 - (19.5 + 5.3) = \frac{1,500a}{9.8}$

$$a = -5.06 \text{ m/sec}^2$$

(2) 감속 1초 후 속도=
$$40 - 5.06 \times 3.6 = 21.8$$
 kph 감속 1초 후 감속도 $R_a = 0.0011(3)(21.8)^2 = 1.57$ kg

$$-750 - (19.5 + 1.57) = \frac{1,500a}{9.8}$$

$$a = -5.04 \text{ m/sec}^2$$

(3)
$$d = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 = \frac{40}{3.6} (1) - \frac{1}{2} (5.06) (1)^2 = 8.6 \text{ m}$$

(4) 제동력
$$F = 0.3(1,500) = 450 \text{ kg}$$

$$-450 - (19.5 + 5.3) = \frac{1,500a}{9.8}$$

$$a = -3.1 \text{ m/sec}^2$$

에제 2.2 고속도로의 경사가 5% 되는 구간을 100 kph로 달리는 차량이 어떤 위험한 물체를 보고 정지할 수 있는 최소정지거리를 구하라. 단 타이어 – 노면의 종방향 마찰계수는 0.7이다.

풀이 연속교통시설이므로 $t_r = 2.5$ 초

$$d = \frac{V^2}{254(f+s)} + 0.278V \cdot t_r$$

$$= \frac{100^2}{254(0.7+0.05)} + (0.278)(100)(2.5) = 122 \text{ m}$$

에제 2.3 5톤 화물차의 출고 시 제원표시가 2.65 t, 83 hp로 되어 있으며 차량의 전부(前部)단면적은 3 m²이다. 승객의 체중을 2인 150 kg이라 할 때, 최대적재하중(5톤)에서 다음을 구하라.

- (1) 평지를 주행할 때의 최고속도
- (2) 10% 경사구간을 오를 때의 최고오르막속도(crawl speed)
- 풀이 적재 시 총 중량=2,650+150+5,000=7,800 kg
 - (1) $R_r = 0.013(7,800) = 101.4 \text{ kg}$

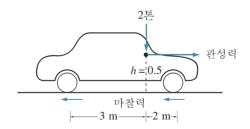
$$R_a = 0.0011(3)V^2 = 0.0033V^2$$

$$P = 0.00373(101.4 + 0.0033V^2)V = 83$$

(2) $R_g = 0.01(7,800)(10) = 780 \text{ kg}$

$$P = 0.00373(101.4 + 780 + 0.0033V^2)V = 83$$

에제 2.4 중량이 2톤이고 전륜과 후륜 간 거리가 5 m인 차량이 있다. 이 차량의 무게중심은 노면으로부터 50 cm에 있다면, 이 차량이 노면마찰계수 0.7로 급정거했을 때 전륜과 후륜에 걸리는 제동력의 비를 구하라. 단 정지 시 전륜과 후륜의 하중분포는 60:40이다. 또 제동 전 초기속도가 80 kph이라면 감속도 및 제동거리는 얼마인가? 단 주행저항은 무시한다.



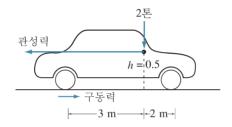
- 풀이 (1) 무게중심 5×40/100=2 m(전륜으로부터 뒤로)
 - (2) 제동에 의한 관성력은 마찰력과 같으므로, F = 0.7W = 0.7(2,000) = 1,400 kg(진행방향)
 - (3) 전·후륜에 걸리는 하중

$$W_R' = 2,000(0.4) - 1,400(0.5)/5 = 660 \text{ kg}$$

$$W_F' = 2,000(0.6) + 1,400(0.5)/5 = 1,340 \text{ kg}$$
 $\Xi = 2,000 - 660 = 1,340 \text{ kg}$

- (4) 전 · 후륜에 걸리는 제동력의 비 (전·후륜의 마찰계수는 같으므로 제동력의 비는 허중의 비와 같다.) $W_{R}'/W_{E}' = 660/1,340 = 0.49$
- (5) $a = f \cdot g = 0.7 \times 9.8 = 6.86 \text{ m/sec}^2$ $d = \frac{{v_0}^2}{2a} = \frac{(80/3.6)^2}{2 \times 6.86} = 36 \text{ m}$

예제 2.5 중량이 2톤이고 전류과 후류 간 거리가 5 m인 후류구동 차량이 있다. 이 차량의 무게중 심은 노면으로부터 50 cm에 있다면, 이 차량이 수평한 도로에서 낼 수 있는 최대가속도를 구하라. 단 타이어와 노면의 최대마찰계수는 0.7이며, 정지 시 전륜과 후륜의 하중분포는 60:40이고, 주행 저항은 무시한다.



- 풀이 (1) 정지 시 무게중심 5×40/100=2 m(전륜으로부터 뒤로)
 - (2) 최대구동력은 후륜에서 나오며 그 크기는 0.7\\ 2012 가 같다. 즉

$$\frac{2,000a}{g} = 0.7W_R'$$

(3) 가속 시 후륜하중

$$W_{p}' = 2,000(0.4) + 관성력(0.5/5)$$

$$= 800 + \frac{2,000a}{g}(0.1) = 800 + \frac{200a}{g}$$

(4) 따라서

$$\frac{2,000a}{g} = 0.7 \left(800 + \frac{200a}{g} \right) = 560 + \frac{140a}{g}$$

그러므로 $a = 2.95 \text{ m/sec}^2$

예제 2.6 정상시력의 운전자가 30 cm 크기의 어떤 글자를 120 m의 거리에서 읽을 수 있다고 가정 할 때, 시력이 0.5인 사람이 그 수준의 판독정도로 이 글자를 읽을 수 있는 최대거리는 얼마인가?

 $\equiv 0$ $v_0 = 1.0$ $l_0 = 120 \,\mathrm{m}$ $h_0 = 30 \,\mathrm{cm}$

$$h_0 = 30 \text{ cm}$$

 $v_1 = 0.5$ $l_1 = ?$ $h_1 = 30 \text{ cm}$

$$h_1 = 30 \text{ cm}$$

판독정도 k는 동일하므로, 식 (2.11)에서

$$\frac{h_0 v_0}{l_0} = \frac{h_1 v_1}{l_1}$$

$$l_1 = l_0 \times \frac{h_1 v_1}{h_0 v_0} = 120 \times \frac{30 \times 0.5}{30 \times 1.0} = 60 \text{ m}$$

제 4 장

에제 4.1 어느 교통류의 도착교통량을 15초 단위로 측정한 결과, 평균 1.8대, 분산 1.9이었다. 이 교통류의 차량도착은 어떤 확률분포를 갖는다고 볼 수 있는가? 그 확률분포를 구하고, 15초에 2대이하가 도착할 확률을 구하라.

풀이 분산/평균= 1.9/1.8≒ 1.0이므로 포아송 도착분포를 갖는다고 본다.

$$P_{(x)} = \frac{1.8^x e^{-1.8}}{x!}$$
 (단, $x = 0, 1, 2, ...$)

$$P_{(x \le 2)} = P_{(0)} + P_{(1)} + P_{(2)} = 0.1653 + 0.2975 + 0.2678 = 0.7306$$

에제 4.2 임의도착 교통류에서 도착교통량이 시간당 600대이다. 30초 동안에 3대가 도착할 확률을 구하라.

풀이 $m = (600/3,600) \times 30초 = 5대/30초$

$$P_{(3)} = \frac{5^3 e^{-5}}{3!} = 0.1404$$

에제 4.3 임의 도착교통류가 흐르는 어느 도로의 교통밀도는 15대/km이다. 이 도로의 200 m 구간 안에 5대의 차량이 있을 확률을 구하라.

풀이 $m = 15 \times (200/1,000) = 3$ 대/200 m

$$P_{(5)} = \frac{3^5 e^{-3}}{5!} = 0.1008$$

에제 4.4 어느 교차로에 좌회전 전용차로를 설치하고자 한다. 임의로 도착하는 좌회전 교통량이 시간당 300대이고, 한 주기에서 좌회전할 수 없는 시간길이는 60초이다. 좌회전 전용차로가 85% 제 역할을 하려면 이 길이를 얼마로 해야 하는가? 단, 이전(以前) 주기는 과포화주기가 아니며 대기차량의 차두거리를 6 m로 가정한다.

풀이 $m = (300/3,600) \times 60초 = 5 대/60초$

$$\begin{split} P_{(0)} &= 0.0067 \qquad P_{(1)} = 0.0337 \qquad P_{(2)} = 0.0842 \qquad P_{(3)} = 0.1404 \qquad P_{(4)} = 0.1755 \\ P_{(5)} &= 0.1755 \qquad P_{(6)} = 0.1462 \qquad P_{(7)} = 0.1044 \end{split}$$

$$\sum_{x=0}^{7} P_{(x)} = 0.867 > 0.85$$

60초 동안에 7대 이하로 도착할 확률이 0.867이므로 전용차로의 길이를 42 m로 하면 86.7% 만족시킨다. 즉, 좌회전 교통량이 많아 이 전용차로가 부족한 경우는 100주기에서 13주기 정도이다. ■

에제 4.5 직진과 좌회전 차량이 무작위로 혼합되어 도착하는 교통류를 관찰한 결과 30%가 좌회전 차량으로 밝혀졌다.

- (1) 5대 중에서 3대가 좌회전 차량일 확률을 구하라.
- (2) 5대 중에서 처음 3대가 좌회전 차량일 확률을 구하라.

물이 n=5

$$p = 0.3$$
 $q = 0.7$

$$B_{(x)} = {}_{5}C_{x} (0.3)^{x} (0.7)^{5-x}$$

- (1) 0.1323
- (2) 5대 중에서 처음 3대가 좌회전 차량일 경우의 수는 한 가지 밖에 없으므로 ${}_5C_3$ 대신 1이다. 따라서

$$B_{(3)} = (0.3)^3 (0.7)^2 = 0.0132$$

에제 4.6 복잡한 도심지 교차로에서 임의차량이 사고를 발생시킬 확률은 0.0001이다. 오후 첨두시간에 이 교차로를 통과하는 차량대수가 1,000대일 때, 이 시간대의 사고발생건수가 1일확률을 구하라.

물이 이항분포를 이용하면, $B_{(1)}=1000(0.0001)(0.9999)^{999}$ 이므로 대단히 복잡해진다. n이 크고 p가 매우 작으므로 포아송분포를 이용하면,

$$np = (1000)(0.0001) = 0.1$$

$$P_{(1)} = (0.1)e^{-0.1} = 0.0905$$

에제 4.7 교통류 중에서 대형차량이 40% 무작위로 혼합되어 있을 때 20대 중에서 6대가 대형차량일 확률을 이항분포로 구하고, 정규분포로 근사화한 값과 비교하라.

풀이 (1) 이항분포 이용

평균=
$$np = 20(0.4) = 8$$

분산=
$$npq = 8(0.6) = 4.8$$

$$B_{(6)} = {}_{20}C_6(0.4)^6(0.6)^{14} = 0.1244$$

(2) 정규분포 근사화

$$z_1 = \frac{6 - 0.5 - 8}{\sqrt{4.8}} = -1.1411$$

$$z_1 = \frac{6 + 0.5 - 8}{\sqrt{4.8}} = -0.6847$$

$$N(-1.1411 < z < -0.6847) = 0.12$$

에제 4.8 복잡한 도심지 교차로에서 임의도착 교통량을 15초 단위로 65회 측정한 결과 평균 값 7.8대, 분산값 4.4를 얻었다. 이에 적합한 확률분포함수를 구하고, 15초에 5대가 도착할 확률을 구하라.

풀이 분산/평균비= 4.4/7.8= 0.564 < 1.0이므로 이항분포에 적합하다.

$$n = \frac{7.8^2}{(7.8 - 4.4)} = 17.9 \rightarrow 경수화 18$$

 $p = \frac{7.8}{18} = 0.433$

그러므로 이 교통류에 적합한 확률분포함수는

$$B_{(x)} = {}_{18}C_x(0.433)^x(0.567)^{18-x}$$

따라서

$$B_{(5)} = {}_{18}C_5(0.433)^5(0.567)^{13} = 0.082$$

(이 문제에서 한 시행은 15/18 = 0.833초의 경과로 본다. 즉 0.833초 이내에는 한 대도 도착하지 않 거나 혹은 한 대만 도착한다고 가정한 것이다.) ■

에제 4.9 임의도착 교통류율이 4초에 6대꼴(시간당 5,400대)이며, 분산은 3.6이다. 4초에 3 대가 도착할 확률을 구하라.

풀이 분산/평균 < 1.0이므로 이항분포에 적합

$$n = \frac{6^2}{(6 - 3.6)} = 15$$

$$p = \frac{6}{15} = 0.4$$

$$q = 1 - 0.4 = 0.6$$

$$B_{(3)} = {}_{15}C_3(0.4)^3(0.6)^{12} = 0.063$$

(이 문제는 한 시행이 4/15 = 0.267초의 경과로 본 것이다.)

에제 4.10 임의의 교통류가 이용하는 어느 도로에서 $200 \, \mathrm{m}$ 구간의 밀도를 $40 \, \mathrm{n}$ 측정한 결과, 평균 $4.5 \, \mathrm{m}$, 분산 2.52를 얻었다. 밀도를 나타내는 확률분포함수를 구하고, 그 구간의 밀도가 $6 \, \mathrm{m}$ 일 확률을 구하라.

풀이 분산/평균 < 1.0이므로 이항분포에 적합

$$n = \frac{4.5^2}{(4.5 - 2.52)} = 10.23 \rightarrow 10$$

$$p = \frac{4.5}{10} = 0.45$$

$$B_{(6)} = {}_{10}C_6(0.45)^6(0.55)^4 = 0.1596$$

(이 문제는 한 시행을 $200/10 = 20 \,\mathrm{mz}$ 본다. 즉, $20 \,\mathrm{m}$ 안에 한 대도 없거나 한 대가 있을 뿐, 2대 이상이 있는 경우는 없다고 본 것이다.)

에제 4.11 교통류의 구성이 트럭 10%, 승용차 90%로 이루어져 있다. 3번째 트럭이 통과하기 까지 6대의 승용차가 통과할 경우의 확률을 구하라. 단 트럭과 승용차는 임의로 혼합되어 있다.

$$p = 0.1 q = 0.9 k = 3 x = 6$$

$$N_{(6)} = \frac{(6+3-1)!}{6!(3-1)!} (0.1)^3 (0.9)^6 = 0.0149$$

에제 4.12 비보호좌회전과 직진의 공용차로에서 임의로 도착하는 교통류에서 좌회전 차량의 비율이 20%이다. 적색신호에 도착하는 차량 중에서 첫 좌회전 차량 앞에 직진차량이 3대가 있을 확률을 구하라. 단 이전 주기 끝에 남아 있는 차량은 없다.

풀이
$$p = 0.2$$
 $q = 0.8$ $G_{(3)} = (0.2)(0.8)^3 = 0.1024$

에제 4.13 어느 교차로의 비보호(非保護)좌회전과 직진의 공용(共用)차로에서 적색신호에 임 의로 도착하는 첫 좌회전차량 앞에 도착하는 직진차량의 대수를 관측한 결과 평균 3대이었다. 좌 회전차량 앞에 직진차량이 2대가 있을 확률을 구하라. 단, 이전 주기 끝에 남아 있는 차량은 없다.

$$p = \frac{1}{\frac{1}{\frac{1}{30} \cdot \frac{1}{12} + 1}} = 0.25$$

$$q = 0.75$$

$$G_{(2)} = (0.25)(0.75)^2 = 0.1406$$

에제 4.14 어느 교차로 접근로에서 임의로 도착하는 이동류의 구성은 좌회전 40%, 직진 50%, 우회전 10%로 되어 있다. 이 접근로에 도착하는 차량 6대 중에서 좌회전이 1대, 직진이 2대, 우회전이 3대일 확률을 구하라.

예제 4.15 차량 정비창(整備廠)에서 정비를 기다리는 승용차 12대와 트럭 3대 중에서 임의로 4대를 우선 정비한다면 이 중에서 트럭이 2대가 포함될 확률을 구하라.

풀이
$$N=15$$
 $k=3$ $n=4$ $x=2$

$$H_{(2)} = \frac{\binom{3}{2}\binom{12}{2}}{\binom{15}{4}} = \frac{198}{1,365} = 0.145$$

에제 4.16 교통량이 그다지 많지 않은 도로에서 임의도착분포를 갖는 교통류가 있다. 시간당 도착교통량이 600대일 때 차두시간이 4초보다 작을 확률을 구하라.

풀이
$$\lambda = \frac{600}{3,600} = \frac{1}{6}$$
 대/초
$$P_{(h < 4)} = \int_0^4 \frac{1}{6} e^{-\frac{t}{6}} dt = 1 - e^{-\frac{2}{3}} = 0.4866$$

예제 4.17 임의도착하는 교통류의 교통량이 600 vph이다. 평균 최소허용차두시간이 1.5초일 때 차두시간이 4초보다 작을 확률을 구하라.

$$\lambda = \frac{600}{3,600} = \frac{1}{6} \text{ til}/\text{$\stackrel{?}{\mathcal{Z}}$} \qquad \mu = 6 \text{ $\stackrel{?}{\mathcal{Z}}$}$$

$$P_{(h < 4)} = \int_{1.5}^{4} \frac{1}{6 - 1.5} e^{-\frac{t - 1.5}{6 - 1.5}} dt = \int_{1.5}^{4} \frac{1}{4.5} e^{-\frac{t - 1.5}{4.5}} dt$$

$$= 1 - e^{-\frac{2.5}{4.5}} = 0.4262$$

예제 4.18 임의도착 교통류에서 200초 동안 51대의 차두시간을 측정한 결과 평균 4.017초, 분산 8.067을 얻었다. Erlang분포를 이용하여 차두시간이 1.5초보다 작을 확률을 구하라.

풀이
$$\lambda = \frac{4.017}{8.067} = 0.498$$
 $k = 0.498 \times 4.017 = 2.0$
그러므로 분포함수는 다음과 같다.
$$f(t) = 0.498e^{-0.498t}0.498t = 0.248te^{-0.498t}$$

$$P_{(h<1.5)} = 1 - e^{-0.498(1.5)}[1 + 0.498(1.5)] = 0.1723$$

예제 4.19 교통량이 1,800 vph이고 통행속도가 60 kph인 어느 교통류에 10 kph인 저속차량이 진입하여 3분간 주행한 후 이 도로를 벗어났으며, 이때 생성된 차량군은 교통량 2,000 vph, 통 햇속도 50 kph인 교통류 상태로 와해되었다. 차량규의 밀도를 90 vpk라 할 때 (1) 차량규 생섯 속도, (2) 차량군 최대길이, (3) 차량군 소멸속도, (4) 차량군 소멸 소요시간을 구하라.

$$=$$
 0 $q_1 = 1,800$ $q_2 = 10 \times 90 = 900$ $q_3 = 2,000$ $q_4 = 0$ $u_1 = 60$ $u_2 = 10$ $u_3 = 50$ $u_4 = u_f$ $k_1 = \frac{1,800}{60} = 30$ $k_2 = 90$ $k_3 = \frac{2,000}{50} = 40$ $k_4 = 0$

(저속차량에 의한 차량군이 생성될 때 차량군 하류부는 k = 0 상태가 된다.)

$$u_{w(1-2)} = \frac{900 - 1,800}{90 - 30} = -15 \text{ kph}$$

$$u_{w(2-3)} = \frac{2,000 - 900}{40 - 90} = -22 \text{ kph}$$

$$u_{w(3-4)} = \frac{0 - 2,000}{0 - 40} = 50 \text{ kph}$$

$$u_{w(1-3)} = \frac{2,000 - 1,800}{40 - 30} = 20 \text{ kph}$$

(1)
$$u_{Q2} = u_2 - u_{w(1-2)} = 10 - (-15) = 25 \text{ kph}$$

(2)
$$Q_{\text{max}2} = 25 \times \frac{3}{60} = 1.25 \text{ km}$$

(3)
$$u_{Q2} = u_{w(2-3)} - u_{w(1-2)} = -22 - (-15) = -7 \text{ kph}(소멸)$$

(4)
$$T_{Q2} = \frac{Q_{\text{max}2}}{u_{Q2}} = \frac{1.25}{7} = 0.18$$
시간

예제 4.20 $q = -0.8k^2 + 80k + 50$ 의 관계를 갖는 교통류에서 교통량이 2,000 vph이며 비혼잡 상태인 교통류에 10 kph인 저속차량이 진입하여 3분간 달리다가 이 도로를 벗어났다. 이때 생 성된 차량군은 밀도 50 vpk의 교통류로 와해되었다. (1) 저속차량에 의한 차량군의 생성속도, (2) 차량군 최대길이, (3) 차량군 소멸속도, (4) 차량군 소멸 소요시간, (5) 차량군이 완전 소멸되는 지점의 위치를 구하라.

가)
$$q_1=2,000=-0.8k_1^2+80k_1+50$$
에서 $k_1=42$ 또는 58 vpk , 비혼잡상태의 밀도는 이 중 작은 값인 $k_1=42 \text{ vpk}$ 이다.

$$u_1 = \frac{2,000}{42} = 47.6 \text{ kph}$$

나)
$$-0.8k_2^2 + 80k_2 + 50 = 10 \cdot k_2$$
에서 $k_2 = 88 \text{ vpk}$ $u_2 = 10 \text{ kph}$

$$q_2 = 10 \times 88 = 880 \text{ vph}$$

다) k₃= 50 vpk이므로

$$q_3 = -0.8(50)^2 + 80(50) + 50 = 2,050 \text{ vph}$$

 $u_3 = \frac{2,050}{50} = 41 \text{ kph}$

라) 와해 교통류 하류부는 차량이 없으므로,

$$k_4 = 0 \qquad u_4 = u_f \qquad q_4 = 0$$

(이 모형은 k = 0일 때 q = 50이므로 Greenberg 모형처럼 밀도가 낮은 상태는 잘 설명하지 못함을 알 수 있다. 따라서 이와 같은 상태는 상식적인 판단에 의한다.)

$$u_{w(1-2)} = \frac{880 - 2,000}{88 - 42} = -24.3 \text{ kph}$$

$$u_{w(2-3)} = \frac{2,050 - 880}{50 - 88} = 30.8 \text{ kph}$$

$$u_{w(3-4)} = \frac{0-2,050}{0-50} = 41 \text{ kph}$$

$$u_{w(1-3)} = \frac{2,050 - 2,000}{50 - 42} = 6.25 \text{ kph}$$

(1)
$$u_{O2} = u_2 - u_{w(1-2)} = 10 - (-24.3) = 34.3 \text{ kph}$$

(2)
$$Q_{\text{max}2} = 34.3 \times \frac{3}{60} = 1.72 \text{ km}$$

(3)
$$u_{O2} = u_{w(2-3)} - u_{w(1-2)} = -30.8 - (-24.3) = -6.5 \text{ kph}(소멸)$$

(4)
$$T_{Q2} = \frac{1.72}{6.5} = 0.26$$
시간

(5)
$$P_2 = 0.26(-30.8) = -8 \text{ km}(차량 진출지점으로부터 상류 쪽)$$

예제 4.21 한 차로에서 앞차량이 급정거할 때 뒤차량이 뒤따라 안전하게 정지할 수 있는 거리를 유지하려면, 이 교통류의 용량과 이때의 속도는 얼마이어야 하는가? 단 앞차량과 뒤차량의 감속도는 2.5, $2.0 \, \text{m/sec}^2$, 정지 시 두 차량 간의 차두거리는 $5.0 \, \text{m}$, 운전자의 반응시간은 1.0초이다.

풀이 앞차량 1, 뒤차량 2, s = 차두거리(spacing)

문제에서 s의 일반식은 식 (4.48)에서

$$s = 5 + u_2 \times$$
 반증시간 $+ \frac{u_2^2}{2 \times 2} - \frac{u_1^2}{2 \times 2.5}$

여기서 안정상태일 때의 u_1 과 u_2 의 차이는 극히 작다고 볼 수 있다.

따라서 $s = 5 + u + 0.05u^2$

엄밀히 말하면
$$u=\frac{u_1+u_2}{2}$$
이다.

차두시간(headway)=차두거리/속도

$$h = \frac{s}{u} = \frac{5 + u + 0.05u^2}{u}$$

$$q = \frac{u}{5 + u + 0.05u^2}$$

$$\frac{dq}{du} = \frac{5 - 0.05u^2}{(5 + u + 0.05u^2)^2} = 0$$

u=10 m/sec=36 kph 일 때 q 최대, 즉

$$q_m = 0.5$$
대/sec = 1,800 vph

예제 4.22 어느 대기행렬 시스템이 (M/M/1)일 때, $E(n) - \rho = E(n) \cdot \rho$ 임을 증명하라.

풀이 [표 4.3]에서 $E(n) = \frac{\lambda}{u - \lambda}$ 이다.

$$E(n) - \rho = \frac{\lambda}{\mu - \lambda} - \rho = \frac{\lambda}{\mu - \lambda} - \frac{\lambda}{\mu} = \frac{\lambda^2}{\mu(\mu - \lambda)}$$

$$E(n) \cdot \rho = \frac{\lambda}{\mu - \lambda} \times \frac{\lambda}{\mu} = \frac{\lambda^2}{\mu(\mu - \lambda)}$$

따라서 두 갔으 다 간이 F(m)은 나타내다

예제 4.23 어느 대기행렬 시스템이 (M/M/1)일 때, $E(v) - \frac{1}{\mu} = E(v) \cdot \rho$ 임을 증명하라.

풀이 [표 4.3]에서 (M/M/1)의 경우, $E(v)=\frac{1}{u-\lambda}$ 이다.

$$E(v) - \frac{1}{u} = \frac{1}{u - \lambda} - \frac{1}{u} = \frac{\lambda}{u(u - \lambda)}$$

$$E(v) \cdot \rho = \frac{1}{\mu - \lambda} \times \frac{\lambda}{\mu} = \frac{\lambda}{\mu(\mu - \lambda)}$$

따라서 두 값은 다 같이 E(w)을 나타낸다.

예제 4.24 어느 대기행렬 시스템이 (M/M/1)의 형태를 갖는다. 대기차량만의 평균대기시간 E(w)'는 이 대기시스템 내의 평균체류시간 E(v)와 같음을 증명하라.

풀이 대기할 확률은 ρ 이며, 대기하지 않을 확률은 $(1-\rho)$ 이므로

전체차량에 대한 평균대기시간 E(w)는 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$E(w) = E(w)' \times \rho + 0 \times (1 - \rho)$$

따라서 대기차량만의 평균대기시간 E(w)'은

$$E(w)' = \frac{E(w)}{\rho} = \frac{1}{\mu - \lambda}$$
이므로

이 값은 *E(v)*와 같다.

에제 4.25 어느 유료주차장은 1개의 출구에서 주차요금을 징수하고 있다. 주차요금을 내기 위해서 무작위로 도착하는 차량은 시간당 120대 꼴이다. 요금을 지불하는 시간은 평균 18초인 음지수분포를 갖는다. 이 주차장의 운영특성에 관해서 다음 물음에 답하라. (1) 요금징수소가비어 있을 확률, (2) 시스템 내에 3대가 있을 확률, (3) 만약 대기하는 차량이 3대 이상이면 대기공간이 좁아서 주차장 내부 운영에 큰 지장을 받는다. 지장을 받을 확률은 얼마인가? (4) 대기공간을 몇 대분 확보해야 주차장 내부 운영에 지장을 받지 않을 확률이 적어도 95% 이상이되는가? (5) 평균대기차량 대수는 얼마인가? (6) 시스템 내의 평균잔류차량 대수는 몇 대인가? (7) 평균대기시간은? (8) 시스템 내의 평균체류시간은? (9) 평균대기시간이 1분 이상이면 요금징수소를 증설하려고 한다. 요금을 지불하기 위해 도착하는 차량이 시간당 몇 대 이상이면 증설하는가? (10) 평균대기차량이 2대 이상이면 요금징수소를 증설하려고 한다. 요금을 지불하기 위해 도착하는 차량이 시간당 몇 대 이상이면 중설하는가?

풀이 도착률
$$\lambda = \frac{120}{60} = 2$$
대/분

서비스율
$$\mu = \frac{60}{18} = 3.33$$
대/분

이용계수
$$\rho = 2/3.33 = 0.6$$

(1) 요금징수소가 비어 있을 확률
$$P_{(0)} = 1 - \rho = 0.4$$

(2) 대기시스템 내에 3대가 있을 확률
$$P_{(3)} = \rho^3 \cdot P_{(0)} = (0.6)^3 (0.4) = 0.084$$

$$P_{(n \ge 4)} = 1 - P_{(n \le 3)} = \rho^4 = 0.1296$$

(4)
$$P_{(n<4)} = 1 - P_{(n>5)} = 1 - \rho^5 = 0.9222$$

$$P_{(n \le 5)} = 1 - P_{(n \ge 6)} = 1 - \rho^6 = 0.9533$$

따라서 시스템 내에 5대(대기 4대, 서비스 1대)의 공간을 확보하면 된다.

(5) 평균대기차량 대수

$$E(m) = \frac{0.6^2}{1 - 0.6} = 0.9 \, \text{F}$$

(6) 시스템 내의 평균차량대수

$$E(n) = \frac{0.6}{1 - 0.6} = 1.5$$
대

(7) 평균대기시간

$$E(w) = \frac{2}{3.33(3.33-2)} = 0.45 \frac{H}{L}$$

(8) 시스템 내의 평균체류시간

$$E(v) = 0.45분 + 18초 = 0.75분$$

(9)
$$E(w) = \frac{\lambda}{3.33(3.33 - \lambda)} = 1 분$$

 $\lambda = 2.546$ 대/분= 154대/시간

(10)
$$E(m) = \frac{\lambda^2}{3.33(3.33 - \lambda)} = 2$$
대

$$\lambda = 2.44$$
대/분= 146대/시간

〈교통공학원론〉 예제 모음

에제 4.26 앞의 예제와 같은 상황에서 요금징수소가 2개이며, 대기행렬은 한 줄만 가능하다. 이때의 주차장 운영특성을 다음 물음에 따라 분석하라. (1) 요금징수소가 비어 있을 확률, (2) 대기시스템 내에 3대가 있을 확률, (3) 대기공간을 몇 대분 확보해야 주차장 내부 운영에 지장을 받지 않을 확률이 적어도 95%가 되는가? (4) 평균대기차량대수는? (5) 시스템 내의 평균차량대수는? (6) 평균대기시간은? (7) 시스템 내 평균체류시간은?

불이
$$\lambda = \frac{120}{60} = 2$$
대/발
$$\mu = \frac{60}{18} = 3.33$$
대/발
$$s = 2$$
$$\rho = 2/3.33 = 0.6$$
$$\rho/s = 0.6/2 = 0.3$$

(1) 요금징수소가 비어 있을 확률

$$P_{(0)} = \frac{1}{\sum_{n=0}^{s-1} \frac{\rho^n}{n!} + \frac{\rho^s}{s!(1-\rho/s)}} = \frac{1}{\sum_{n=0}^{1} \frac{(0.6)^n}{n!} + \frac{(0.6)^2}{2!(1-0.3)}} = 0.5385$$

(2) 대기시스템 내에 3대가 있을 확률

3 > s이므로

$$P_{(3)} = \frac{\rho^n}{s^{n-s} \cdot s!} \cdot P_{(0)} = \frac{(0.6)^3}{2 \cdot 2!} \cdot (0.5385) = 0.0291$$

(3) 대기공간을 몇 대분 확보해야 주차장 내부 운영에 지장을 받지 않는가?

$$P_{(n \le 1)} = P_{(0)} + P_{(1)} = 0.5385 + \frac{0.6}{1}(0.5385) = 0.8616$$

$$P_{(n \le 2)} = P_{(n \le 1)} + P_{(2)} = 0.8616 + \frac{0.6^2}{2}(0.5385) = 0.9585$$

따라서 시스템 내에 2대(서비스 2대), 즉 서비스 받을 공간만 필요하고 대기공간은 필요 없다. 도착률이 커질 경우 대기공간을 확보하는 비용과 요금징수소를 하나 더 설치하는 비용을 비교하여 결정하는 것이 좋다.

(4) 평균대기차량대수

$$E(m) = \frac{P_{(0)} \cdot \rho^{s+1}}{s! \, s} \left[\frac{1}{(1 - \rho/s)^2} \right] = \frac{0.5385 \, (0.6)^3}{2 \, (2)} \left[\frac{1}{(1 - 0.3)^2} \right] = 0.0593 \, \text{c}$$

(5) 시스템 내의 평균차량대수

$$E(n) = 0.6 + 0.0593 = 0.6593$$
대

(6) 평균대기시간

$$E(w) = \frac{E(m)}{\lambda} = 0.0593/2 = 0.0297$$
대

(7) 시스템 내 평균체류시간

$$E(v) = \frac{E(n)}{\lambda} = 0.6593/2 = 0.3297 \frac{H}{L}$$

예제 4.27 용량이 5,700 vph이고 첨두시간의 균일도착 교통수요가 4,500 vph인 고속도로에서 차량 한 대가 고장이 나서 용량이 4,200 vph로 줄어들었다. 고장수리시간이 15분일 때 (1) 대기행렬이 완전히 해소되는 시간은 수리(修理)가 끝난 후 얼마 지나서인가? (2) 최대대기행렬 길이는 얼마인가? (3) 총 지체시간 및 차량당 평균지체시간을 구하라.

풀이 (1)
$$t_0 = r \left(\frac{q - s_r}{s - q} \right) = \frac{15}{60} \left(\frac{4,500 - 4,200}{5,700 - 4,500} \right) = 3.75 \pm \frac{15}{60}$$
(2) $Q_m = r(q - s_r) = \frac{15}{60} (4,500 - 4,200) = 75$ 대
(3) $D = \frac{Q_m(r + t_0)}{2} = \frac{75 \times (15 + 3.75)}{2} = 703$ 대 년

총 지체차량대수
$$N = q(r + t_0) = 4,500 \times \frac{15 + 3.75}{60} = 1,406$$
대

차량당 평균지체
$$d = \frac{D}{N} = \frac{703}{1,406} = 0.5$$
분

제 5 장

에제 5.1 지방부 2차로 국도에서 평균지점속도를 추정하고자 한다. 95% 신뢰수준에서 허용오차 ± 2 kph가 되게 하려면 표본수는 얼마이어야 하는가? 만약 허용오차를 ± 1 kph 되게 하려면 필요 한 표본수는?

풀이 지방부 국도 2차로도로에서 지점속도의 일반적인 표준편차는 $\sigma = 8.5 \text{ kph}([표 5.9])$

(1)
$$n = \left(\frac{1.96 \times 8.5}{2}\right)^2 = 70$$

(2)
$$n = \left(\frac{1.96 \times 8.5}{1}\right)^2 = 2787$$

에제 5.2 어느 지점에 속도규제 표지를 설치한 결과 속도감소 효과가 있는지를 95% 신뢰수준으로 알고 싶다. 속도규제 표지를 설치하기 전과 설치한 후의 현장관측자료는 다음과 같다.

구분	조사차량대수	평균속도	속도의 표준편차
설치 전	45	67 kph	8.3 kph
설치 후	49	61 kph	7.8 kph

풀이 단측검증(one-tail test)이며, 식 (5.6)을 이용하면

$$z = \frac{61 - 67}{\sqrt{\frac{7.8^2}{49} + \frac{8.3^2}{45}}} = -3.6 < z_{0.05} = -1.64$$

따라서 속도감소 효과가 있다고 95% 신뢰수준에서 말할 수 있다.

에제 5.3 어느 도로구간을 4회 시험주행한 결과 55, 62, 48, 58 kph의 통행속도를 얻었다. 이 조사의 목적이 사전·사후조사 분석이며 허용오차를 ± 2.0 kph라 할 때, 95% 신뢰수준에서의 표본수를 구하라.

풀이 $S_1 =$ 절댓값(55 - 62) = 7

 $S_2 =$ 절댓값(62 - 48) = 14

 $S_2 =$ 절댓값(48 - 58) = 10

식 (5.7)에서 R = (8+4+10)/(4-1) = 7

[표 5.10]에서 통행속도 평균범위 7<10와 허용오차 ±2.0 kph의 최소표본수는 8이다. 따라서 추가적으로 4회 더 측정해야 한다. 그러나 총 8회 측정하여 위의 공식을 사용하면 통행속도의 평균범위가 10 kph의 범위를 벗어날 수도 있으나 그런 경우는 매우 드물다. ■

예제 5.4 어느 도(道) 내에 있는 국도 어느 한 구간의 지난 한 해의 사고율은 210건/억 대·km이었다. 이 도의 모든 국도의 평균사고율은 89건/억 대·km이며 표준편차는 64건/억 대·km이었다. 이 구간의 위험도, 즉 이 구간이 사고 잦은 장소인지를 95% 신뢰수준에서 판정하라.

풀이 (1) 이 도로구간의 임계사고율 U_L 은 식 (5.10)에서

$$U_I = X_N + k \times S$$

= 89 + 1.645 × 64 = 194 건/억 대·km이다.

(2) 실제 사고율은 210건/억 대·km이므로 이 구간은 사고 위험성이 높은 구간이라고 95% 신뢰성을 가지고 말할 수 있다. ■

에제 5.5 하루에 15,400대의 차량이 통과하는 200 m 도로구간의 도시간선도로에서 3년간의 교통 사고는 39건이었다. 이와 유사한 도로의 우리나라 평균치는 1억 대·km당 3년간 615건이다. 이 도로구간의 사고율을 구하고, 이 구간의 위험도, 즉 이 구간이 사고 잦은 장소인지를 유의수준 5%에서 판정하라.

풀이 (1) 이 도로구간의 사고율 계산

노출률 V_i = 3년 imes 365일 imes 15,400대 imes 0.2 km = 0.0337억 대 \cdot km

실제 사고율
$$R_i = \frac{39}{0.0337} = 1,160건/억$$
 대·km

(2) 임계사고율 계산(CR_i)

$$CR_i = X_R + k \left(\frac{X_R}{V_i}\right)^{0.5} + \frac{1}{2V_i} = 615 + 1.645 \left(\frac{615}{0.0337}\right)^{0.5} + \frac{1}{2 \times 0.0337}$$

= 852건/억 대·km

(3) 위험도 계산 및 평가

위험도=
$$\frac{1,160}{852}$$
 = 1.4 > 1.0

그러므로 이 도로구간은 위험한 구간(사고 잦은 장소)이다.

에제 5.6 교통량이 전 구간에 걸쳐 거의 일정한 지방부 2차로 국도 2 km 내의 지난 3년간 사고발생건수는 15건이었으며, 이 구간 내에 있는 200 m 곡선구간에서의 사고는 5건이었다. 이 구간과교통조건이 유사한 도로구간의 우리나라 평균을 예측한 결과는 전 구간 13건, 200 m 구간 1.5건이었다. 이 도로구간의 200 m 곡선구간이 신뢰수준 95%에서 사고 위험성이 높은지를 판정하라.

- 물이 (1) 이 구간의 곡선부 사고건수 비율 P:=곡선부 사고건수/전체 구간 사고건수= 5/15= 0.333
 - (2) 임계사고건수 비율(CP;)

$$X_P = 1.5/13 = 0.115$$

$$N_i = 15건$$

$$CP_i = X_P + k \sqrt{\frac{X_P(1 - X_P)}{N_i}} = 0.115 + 1.645 \sqrt{\frac{0.115 \times 0.885}{15}} = 0.25$$

(3) 위험도 계산 및 평가

위험도=
$$\frac{0.333}{0.25}$$
= 1.3 > 1.0

그러므로 이 도로구간의 곡선부는 다른 도로의 곡선구간보다 위험하다.

에제 5.7 어느 건물의 주차장을 건설하고자 한다. 주차첨두시간은 11:00~14:00까지로 예상되며, 이 동안의 주차수요는 100대, 평균주차시간은 1.5시간으로 추정된다. 다음 물음에 답하라.

- (1) 첨두 3시간의 평균점유율을 0.7로 하고 싶다. 소요주차면수는 얼마인가? 또 이렇게 건설되었을 때의 평균회전수는 얼마인가?
- (2) 이 주차장 내부 순환의 어려움 때문에 효율계수가 0.9를 넘을 수 없다. 위의 주차수요를 만족시 키려면 최소 주차면수를 얼마로 해야 하는가? 또 이때의 평균회전수는 얼마인가?
- (3) 이 주차장의 부지가 50면으로 제한되어 있다. 첨두시간 동안에 주차할 수 있는 최대 주차가능대수는 몇 대인가?

풀이 V=100대, D=1.5시간, G=3시간, O=0.7, e=0.9

- (1) 소요주차면수(C) $VD/HO = 100 \times 1.5/(3 \times 0.7) = 72$ 면
 - 평균회전수(T) V/C=100/72=1.4회/3시간
- (2) 소요주차면수(C) $VD/He = 100 \times 1.5/(3 \times 0.9) = 56 면$
 - 평균회전수(T) V/C= 100/56= 1.8회/3시간
- (3) 최대 주차가능대수(V) *CHe/D*= 50×3×0.9/1.5=90대

제 6 장

예제 6.1 설계속도 100 kph인 한 방향 2차로 고속도로의 기본구간에서 한 방향의 첨두시간교통량 이 2,000 vph이고 첨두시간계수는 0.95이며, 이 중에 소형트럭이 5%, 2.5톤 트럭 이상의 중차량이 20% 포함되어 있다. 차로폭은 3.5 m이며 중앙분리대가 있고 측대의 폭이 1.0 m이나 시거에 제약을 주며, 도로변 갓길의 폭은 2.5 m이다. 지형은 구릉지이고 경사가 4% 되는 구가이 있기는 하나 길이 가 그다지 길지 않은(500 m 이하) 2 km의 도로구간이다. 서비스수준을 구하고 용량에 도달하기까 지의 여유용량을 구하라. 또 밀도와 평균통행속도를 추정하라.

- 풀이 특정경사구간으로 분리해야 할 구간이 없으므로 일반지형으로 분석한다.
 - $v_n = 2,000/0.95 = 2,105 \text{ vph}$
 - 장애물은 시거에 지장을 주는 왼쪽 중앙분리대이다. KHCM에 의하면 $f_w = 0.98$
 - 구릉지이므로, KHCM에서 $E_{T0} = 1.2$, $E_{T12} = 3.0$ 따라서 $f_{HV} = 1/[1 + 0.05(0.2) + 0.2(2)] = 0.71$
 - 설계속도 100 kph일 때의 $c_{100} = 2,200 \text{ pcphpl}$
 - (1) 서비스수준
 - ① 방법 1

요란
$$c=c_j \times N \times f_w \times f_{HV}=2,200 \times 2 \times 0.98 \times 0.71=3,062 \text{ vph}$$

$$v_p/c=2,105/3,062=0.69$$

$$(v/c)_C=0.61 < 0.69 < (v/c)_D=0.80 \rightarrow \ 서비스수준으 D$$

② 방법 2

$$SF_C = 2,200 \times (0.61) \times 2 \times 0.98 \times 0.71 = 1,868 \text{ vph}$$

 $SF_D = 2,200 \times (0.8) \times 2 \times 0.98 \times 0.71 = 2,449 \text{ vph}$
 $1.868 < 2,105 < 2,449 \rightarrow 서비스수준이 D$

(2) 여유용량

- (3) 밀도 및 속도 추정
 - [표 6.2]에서 v/c = 0.69에 해당되는 밀도를 계산, 밀도= $16.1 \,\mathrm{Tr/km}$
 - 교통량 = 밀도 × 속도 관계식을 이용 차로당 승용차환산 교통량 2,105/(2×0.71) = 1,482 pcphpl 속도 = 1,482/16.1 = 92 kph

예제 6.2 A지방과 B지방을 연결하는 고속도로를 설계속도 100 kph, 서비스수준 C로 설계하고자 한다. 어느 기본구간의 예상 경사는 2% 미만이다. 목표연도의 AADT가 40,000대로 추정되며, 이 중에서 첨두시간의 교통류에는 2.5톤 이상의 트럭과 대형버스가 23%, 대형트럭이 2% 혼합되리라 예상된다. PHF = 0.90일 때 기본구간의 차로수를 결정하라. 또 건설한 후의 서비스수준, 밀도, 통 행속도를 추정하라. 단 K계수와 D계수는 지방부의 일반적인 값을 적용한다.

- 풀이 경사가 2% 미만이므로 일반지형의 평지부이다. 설계속도 100 kph의 $c_i = 2,200 \text{ pcphpl}$ 이다.
 - ① 수요 교통량 산정
 - K = 0.15, D = 0.65, PHF = 0.9
 - AADT= 40,000대/일
 - 첨두시간교통량 = $40,000 \times 0.15 = 6,000 \text{ vph}$
 - 첨두시간 설계교통량(PDDHV) = 6,000×0.65/0.9 = 4,333 vph
 - ② 차로당 서비스교통량 산정
 - 차로폭 3.5 m, 측방여유폭 1.5 m 이상으로 가정 KHCM에 의하면 $f_w=1.0$, $E_{T2}=1.5$, $E_{T12}=2.0$ 이므로
 - $f_{HV} = 1/[1 + 0.23(1.5 1) + 0.02(2.0 1)] = 0.88$
 - $(v/c)_c = 0.61$ ([± 6.2])
 - $SF_C = 2,200 \times (0.61) \times 0.88 = 1,181 \text{ vphpl}$
 - ③ 차로수 계산 4,333/1,181 = 3.7 → 4차로 (한 방향) → 양방향 8차로가 필요
 - ④ 8차로로 건설할 때의 서비스수준 분석
 - 용량= 2,200×4×0.88= 7,744 vph
 - $v_p/c = 4,333/7,744 = 0.56$ \rightarrow 서비스수준 C
 - ⑤ 8차로일 때의 밀도, 속도 추정
 - 밀도= 12.8 대/km [표 6.2] 이용 계산
 - 차로당 pcu = 4,333/(4×0.88) = 1,231 pcphpl
 - 속도= 1,231/12.8= 96 kph

에제 6.3 평지부에 편도 3차로이며 설계속도 80 kph인 도시부 고속도로를 건설하려고 한다. 이도로의 어느 해의 교통수요는 하루 55,000대이고 매년 4% 정도의 증가추세를 보일 것으로 예측되며 이 교통에는 2.5톤 이상의 중형트럭이 10% 포함될 것으로 예상된다. 이 도로의 확장시기를 검토하라. 단, PHF는 0.95이며, 설계 서비스수준은 D이고, K 및 D계수는 도시부 고속도로의 일반값으로 한다.

- 풀이 ① 설계상 특별한 제약이 없으므로 차로폭, 측방여유폭은 이상적인 값으로 한다. 따라서 $f_w=1.0$
 - ② 중차량 보정계수 $f_{HV} = 1/[1+0.1(1.5-1)] = 0.95$
 - ③ K = 0.09, D = 0.6인 일반적인 값 사용
 - ④ 2003년의 첨두시간교통량= 55,000 × 0.09 = 4,950 vph 첨두시간 설계교통량= 4,950 × 0.6/0.95 = 3,126 vph
 - ⑤ 용량 $c=c_j\times N\times f_w\times f_{HV}=2{,}000\times 3\times 1.0\times 0.95=5{,}700$ vph $(v/c)_D$ 의 하한값 = 0.75를 초과하면 확장을 고려한다. 즉, v_p 가 $5{,}700\times 0.75=4{,}275$ vph을 초과하면 확장을 고려한다.
 - $(3) 3,126 \times (1.04)^n = 4,275$ n = 7.98

8년 후에는 서비스수준 D에 도달되므로 그 이전에 도로확장이 검토되고 또 건설이 완료되어야 한다. ■

예제 6.4 운영분석

운영분석은 교차로 구조, 교통조건 및 교통운영조건이 주어지고 교차로의 서비스수준을 구하는 과정이다. 운영분석은 ① 입력자료 및 교통량 보정, ② 직진환산계수 산정, ③ 차로군 분류, ④ 포화교통량 산정, ⑤ 서비스수준 결정의 단계를 거쳐 이루어진다. 각 단계의 계산과정은 해당 분석표를 이용할 수 있다. 이 분석표는 위의 계산과정과 같은 순서로 구성되어 있으나, 한 과정이 반드시 한장의 분석표에 표시되는 것은 아니다. 이 설명에서 원 안의 번호는 해당되는 그림의 각 항목의 번호와 일치한다.

1 입력자료(운영분석표 1)

입력자료는 교차로 기하구조, 교통량, 신호조건 등 분석에 필요한 모든 도로, 교통조건 및 교통운영 조건을 망라한다. 기존 교차로를 분석한다면, 대부분의 자료는 현장에서 관측한다. 반면에 장래의 조건을 분석하고자 한다면, 예측된 교통량 자료를 사용하고 교차로 기하구조 및 신호조건은 주어진 값을 사용한다. [그림 6.5]는 자료입력에 사용되는 운영분석표이다. 이 분석표의 맨 위 부분은 분석대상 교차로의 이름, 주변의 토지이용특성, 자료조사 시간 및 조사자의 이름을 기록한다. 그 아래 부분은 교차로의 기하구조 및 좌회전운영의 종류를 스케치한다. 또 교차로 전체에 일률적으로 적용되는 값, 예를 들어 분석기간, 중차량 혼입률(P), 출발지연시간(start-up delay), 진행연장시간(end lag) 등 필요한 자료와 버스베이(bus bay) 유무를 여기에 기입한다. 우리나라에서는 출발지연시간을 2.3초, 진행연장시간을 2.0초로 통일하여 사용하고 있다. 따라서 유효녹색시간은 녹색신호시간보다 0.3초 짧다. 분석과정의 이해를 돕기 위하여 대표적인 한 접근로의 자료를 사용하여 앞으로 모든 과정을 설명하도록 한다. 분석은 [그림 6.5]의 운영분석표에 나타난 교차로의 동향(EB) 접근로를 대상으로 한다.

(1) 그림으로 반드시 표현되어야 할 사항

- ① 차로수
- ② 좌회전 전용차로 유무
- ③ 교통섬, 횡단보도
- ④ 차로의 이용상황

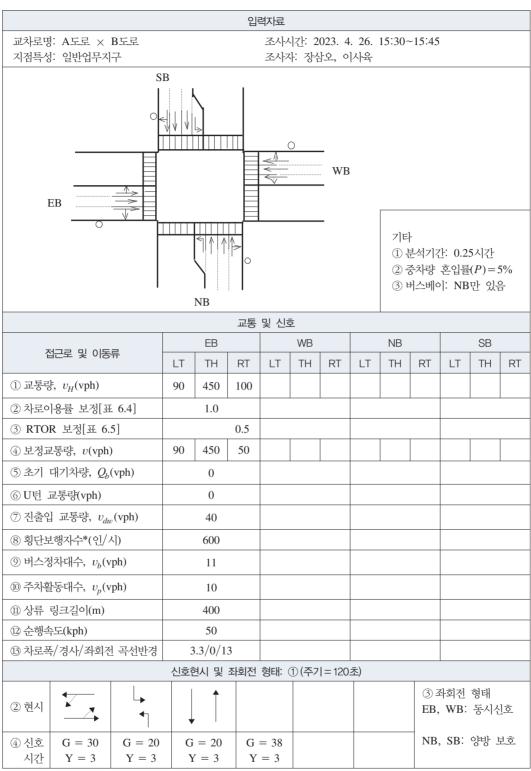
좌회전 전용차로의 길이는 충분하다고 가정하고 이 길이의 영향은 분석에서 고려하지 않는다.

(2) 그림과 함께 제시할 자료

- ① 분석기간: 보통 15분 단위(0.25 시간)로 한다.
- ② 중차량 혼입률
- ③ 각 접근로별 버스베이 유무

(3) 각 접근로별로 기입할 사항

- ① 이동류별 교통량(vph): 첨두15분 교통량은 좌회전 90 vph, 직진 450 vph, 우회전 100 vph이다.
- ② 차로이용률 보정: 직진만 이용하는 차로수가 1개이므로 보정계수는 1.0이다([표 6.4]).



^{*} 우회전을 방해하는 교차도로의 횡단을 말함

[그림 6.5] 입력자료(운영분석표 1)

- ③ RTOR 보정계수: 공용우회전 차로에서 적색신호에 우회전하는 차량을 제외하기 위한 것이다. [표 6.5]를 이용해서 구한다. 이 접근로는 도류화되지 않은 공용우회전 차로를 가지므로 이 계수는 0.5이다.
- ④ 보정교통량, v(vph): 분석기간이 15분이며 첨두15분 교통량을 조사했으므로 PHF를 적용할 필요가 없다. 따라서 우회전만 보정하면 된다. $v_R = 100 \times 0.5 = 50 \text{ vph}$.
- ⑤ 초기 대기차량대수, Q_b (대): 분석기간 이전에 다 처리되지 않은 차량이 남아 분석기간 동안 도착차량의 지체에 영향을 주는 차량대수(대)로, 이 예제에서는 $Q_b = 0$ 이라고 가정한다.
- ⑥ U턴 교통량(vph): 0
- 진출입 교통량(vph), v_{dw} : 40 vph
- ⑧ 우회전을 방해하는 교차도로의 양방향 횡단보행자수(인/시): 600명/시간
- ⑨ 정지선으로부터 75 m 이내 버스정류장에서의 버스정차대수(vph), v_h : 11 vph
- ⑩ 주차 가능한 경우, 시간당 주차활동대수(vph), v_n : 10 vph
- ① 상류부의 링크 길이(m): 400 m
- ① 상류부 링크의 순행속도(kph): 50 kph(13.9 m/s)
- ③ 평균차로폭/경사/좌회전 곡선반경: 3.3 m/0%/13 m

(4) 신호에 관한 사항

- ① 주기: 120초
- ② 현시를 순서대로 스케치: 그림 참조
- ③ 좌회전 형태: 동서 동시신호, 남북 분리신호(양방보호)
- ④ 신호시간(초): 그림 참조
- ⑤ 상류부 교차로와의 옵셋(초): 운영분석표 3의 ⑧에 기록

2 직진환산계수 산정(운영분석표 2)

직진환산계수는 회전차로에서 교통류의 내부 및 외부마찰의 정도를 나타내는 것으로서, 이로 인해 증가된 차두시간을 직진 포화교통류의 차두시간과 비교한 것이다. 이를 이용하여 각 차로의 혼잡도를 예상하고 차로군을 분류한다.

따라서 좌회전은 내부마찰, 즉 좌회전 자체의 비효율, U턴의 영향을 종합하여 직진과 비교하여 직진환산계수를 구한다. 우회전은 내·외부마찰, 즉 우회전 자체의 비효율, 노변의 버스, 노상주차에 의한 영향을 종합하여 직진과 비교한 직진환산계수를 구한다.

- ① 차로수, N: 분석에서 사용되는 N값은 공용좌회전 차로가 있는 경우는 접근로 전체의 차로수, 전용좌회전 차로가 있는 경우는 접근로 전체 차로 중에서 전용좌회전 차로를 제외한 차로수를 사용한다. 따라서 이 값은 3이다.
- ② 좌회전 자체의 직진환산계수, E_l : [표 6.6]에서 E_l = 1.0이다.
- ③ 좌회전 곡선반경별 직진환산계수, E_{na} : [표 6.7]에서 E_{na} = 1.09이다.
- ④ 보호좌회전의 U턴 영향: [표 6.8]에서 U턴이 없으므로 $E_U = 1.0$ 이다.
- ⑤ 좌회전 차로의 직진환산계수: $E_L = 1.0 \times 1.09 \times 1.0 = 1.09$ [식 (6.9)]이다.

- ⑥ 진출입차량의 영향, E_{dw} : 식 (6.10)에서 $E_{dw} = 0.16$ 이다.
- ⑦ 횡단보행자 영향, E_c : KHCM에서 $E_c = 1.0$ 이다.
- ⑧ 버스 영향, E_b : 버스베이가 없이 주행차로에 정차를 하며, 주변이 일반 업무지구이므로 KHCM에서 $E_b = 0.1$ 이다.
- ⑨ 노상주차의 영향, E_p : 노상주차가 허용되므로 KHCM에서 $E_p=0.7$ 이다.
- ⑩ 우회전 차로의 직진환산계수: $E_R = 1.16 + 0.16 + 1.0 + 0.1 + 0.7 = 3.12$ [식 (6.11)]이다.

3 차로군 분류(운영분석표 2)

모든 분석은 차로군별로 이루어진다. 차로군 분류는 근본적으로 운전자가 교차로 정지선에 접근 하거나, 정지해서 대기하거나, 혹은 녹색신호에서 방출될 때 혼잡도에 관해서 평형을 이루려는 경향을 가지고 각 차로를 이용한다는 가정에서부터 출발한다. 이 혼잡도를 나타내기 위해서 회전차량의 직진화산계수를 사용한다.

이 예제에서는 직진현시에서 좌회전과 직진 및 우회전이 통합차로군을 형성한다.

4 포화교통량 계산(운영분석표 2)

차로군 분류가 끝나면 이후의 모든 과정은 차로군별로 분석된다. 각 차로군의 교통량을 이용하여 각 차로군 내에 포함된 회전교통량의 비율을 구한다. 이 비율과 회전교통의 직진환산계수로부터 좌·우회전의 보정계수, 정확히 말해 좌·우회전 차로군의 보정계수를 구한다. 이렇게 해서 얻은 보정계수와 접근로 전체에 일률적으로 적용되는 차로폭 보정계수, 경사 보정계수, 중차량 보정계수를 사용하여 각 차로군의 포화교통량을 얻는다. 용량도 마찬가지로 차로군별로 구한다.

- ① 차로군별 교통량, v_i : 차로군 교통량은 한 차로군으로 묶이는 이동류의 교통량을 합한 것이다. 통합차로군 교통량 $v_T = 450 + 90 + 50 = 590 \text{ vph}$
- ② 회전교통량비, P_L , P_R : 차로군의 총 교통량에서 회전교통량이 차지하는 비율이다. 통합차로군의 좌회전교통량비 $P_L = 90/590 = 0.153$ 통합차로군의 우회전교통량비 $P_R = 50/590 = 0.085$
- ③ 회전 보정계수: 위의 회전교통량비와 직진환산계수 산정 모듈의 ⑤항 및 ⑩항에서 구한 직진 환산계수 E_I , E_R 을 이용하여 보정계수를 구한다.

통합차로군의 보정계수
$$f_{LTR} = \frac{1}{1 + 0.153(1.09 - 1) + 0.085(3.12 - 1)} = 0.84$$

- ④ 차로폭 보정계수, f_w : 차로폭은 운영분석표 1의 ⑬항에 나타나 있으며, KHCM에 의하면 보 정계수 값은 1.0이다.
- ⑤ 경사 보정계수, f_g : 경사는 운영분석표 1의 ③항에 나타나 있으며, KHCM에 의하면 보정계수 값은 1.0이다
- ⑥ 중차량 보정계수, f_{HV} : 모든 접근로에 동일하게 적용되는 값이다. 중차량 혼입률은 운영분석 표 1의 그림 우측 ②항에 나와 있으며, 이에 대한 보정계수는 식 (6.21)로부터 구한다. 즉

$$f_{HV} = \frac{1}{1 + 0.05 \times 0.8} = 0.96$$

⑦ 차로군의 포화교통량, s_i : 식 (6.20)을 이용하여 구한다. 통합차로군 $s_{ITR}=2,200\times3\times0.84\times1.0\times1.0\times0.96=5,322$ vphg

5 용량계산(운영분석표 2)

① 차로군의 교통량비, $(v/s)_i = y_i$: 차로군의 교통량을 포화교통량으로 나눈 값이다. 이 값은 포화도에 유효녹색시간비를 곱한 값과 같다. 그러나 계산 결과의 통일을 위해서 교통량을 포화교통량으로 나눈 값을 사용한다.

$$(v/s)_{LTR} = 590/5,322 = 0.111$$

- ② 현시의 임계차로군: 공용좌회전 차로를 가지므로 동시신호를 사용해야 하며, 통합차로군이 임계차로군이다.
- ③ 임계차로군의 v/s합: 위에서 표시한 각 접근로의 임계차로군의 y값을 합한 것이다. 이 값은 교차로 전체의 임계v/c를 구하거나 설계분석 및 계획분석에서 적정신호주기를 구하는 데 사용된다. 이 값은 교차로의 모든 접근로에 대한 신호현시의 임계차로군 및 그들 차로군의 v/s비를 알아야만 구할 수 있다.
- ④ 차로군 유효녹색시간비, g/C: 차로군이 받는 녹색시간비이다. 유효녹색시간은 녹색신호시간에서 0.3초를 뺀 값을 사용한다.

$$g/C = (30 - 0.3)/120 = 0.248$$

⑤ 차로군 용량, c = s(g/C): 차로군의 포화교통량에 유효녹색시간비를 곱한 것이다.

$$c_{ITP} = 5,322 \times 0.248 = 1,320 \text{ vph}$$

⑥ 차로군의 포화도, (v/c) = X: 차로군의 교통량을 용량으로 나는 값이다. 어떤 차로군에 대한 이 값이 1.0보다 크면 사실상 이 차로군은 매우 혼잡하다는 것을 의미한다. 그러나 이러한 바람직하지 못한 교통성과에도 불구하고 교차로 전체의 서비스수준이나 다음에 설명하는 임 $\sqrt[3]{av/c}$ 비는 매우 좋게 나타나는 수가 있으므로 교차로 전체의 서비스수준이나 임계 $\sqrt[3]{c}$ 비를 절대적으로 신뢰해서는 안 된다.

$$X_{LTR} = 590/1,320 = 0.447$$

- ⑦ 손실시간, 임계v/c비: 신호현시당 손실시간은 황색시간에 0.3초를 더한 값이다. 만약 이 교차로가 4현시로 운영된다면 각 현시당 3초의 황색시간을 가지므로, 주기당 손실시간 L=4(3+0.3)=13.2초이다.
 - 임계v/c비는 적정한 신호운영조건하에서 교차로 전체의 혼잡도를 나타내는 지표이다. 신호운영이 잘못되어 있으면 어느 이동류 또는 접근로의 v/c비가 1.0보다 큰데도 불구하고 이 임계 v/c비의 값은 1.0보다 작을 수 있다. 따라서 임계v/c비가 교차로 전체의 서비스수준을 잘 나타낸다고 볼 수 없다. 이와 같은 경우는 신호운영조건을 개선하여 이 값을 현저히 줄일 수 있다. 이 값은 식 (3.10)으로부터 얻는다.
- ⑧ 적정주기: 설계분석에서만 필요한 항이므로 설계분석과정에서 설명된다.

	직	진환산계수 산정			
접근로	EB	WB	NB	SB	
① 차로수, N*		3			
② 좌회전 자체의 직진환산계수,	E _l [丑 6.6]	1.0			
③ 좌회전 곡선반경 영향, E_{pa} [표	6.7]	1.09			
④ U턴 영향, E_U [표 6.8]		1.0			
⑤ 좌회전 차로의 직진환산계수,	E _L [식 (6.9)]	1.09			
⑥ 진출입차량의 영향, E_{dw} [식 (6	5.10)]	0.16			
횡단보행자 영향, $ E_{c}(\mathbf{KHCM^{c}})$	· 에서)	1.0			
(8) 버스의 영향, $E_b(KHCM에서)$		0.1			
노상주차 영향, $E_p(KHCM)$	7)	0.7			
⑩ 우회전 차로의 직진환산계수,	E _R [식 (6.11)]	3.12			
$E_R = 1.16 + E_{dw} + E_c + E_b + E_p$					
* 전용좌회전 차로를 제외한 접근로	종 차로수	-1			
		차로군 분류			
① 전용회전 차로가 있는 경우		E21177			
② 공용회전 차로가 있는 경우		통합차로군			
	<u>_</u>	프화교통량 계산 			
① 차로군 교통량, $v_i(\text{vph})$		590			
② 회전교통량비 P_L, P_R	$\frac{v_L \text{ or } v_R}{v_T}$	0.153/0.085			
③ 회전보정계수 $f_L, f_{R^*}f_{LTR}$	$\frac{1}{1+P(E-1)}$	$f_{LTR} = 0.84$			
④ 차로폭 보정계수, f_w (KHCMG	게서)	1.0			
⑤ 경사 보정계수, f_g (KHCM에서	1)	1.0			
⑥ 중차량 보정계수, f_{HV} [식 (6.2	1)]	0.96			
	$\times f_w \times f_g \times f_{HV}$	5,322			
		용량 계산			
① 차로군 교통량비, $(v/s)_i = y_i$		0.111			
② 현시의 임계차로군(√)		√			
③ 임계차로군의 합, v/s					ı
④ 차로군 녹색시간비, (g/C)		0.248			
⑤ 차로군 용량, $c_i = s_i(g/C)_i$		1,320			
⑥ 차로군 포화도, $(v/c)_i = X_i$		0.447			
⑦ 손실시간, 임계 v/c 비			4(3+0.3)	=13.2초	
⑧ 적정주기(설계분석 시)					

[그림 6.6] 차로군 분류 및 포화교통량, 용량계산(운영분석표 2)

6 지체계산 및 서비스수준 결정(운영분석표 3)

차로군별로 균일지체, 증분지체 및 추가지체를 계산하고 연동효과에 의한 지체를 보정하여 총 평균제어지체를 구한 다음 각 차로군의 서비스수준을 구한다. 한 접근로의 서비스수준 분석은 이 접근로에 포함된 각 차로군들의 평균제어지체를 그들의 교통량에 관하여 가중(加重)평균하여 얻은 접근로의 평균제어지체로부터 구한다. 또 교차로 전체의 서비스수준은 각 접근로의 평균제어지체를 그들의 교통량에 관하여 가중평균하여 교차로 전체의 평균제어지체를 계산한 후 [표 6.3]으로부터 얻는다.

이렇게 해서 얻은 교차로 전체의 평균지체 또는 서비스수준은 녹색시간 동안 교차로를 이용하는 모든 교통량에 관한 평균값인 반면, 앞 절에서 설명한 교차로 전체의 임계v/c비는 각 현시의 임계 차로군에 관한 것이므로 교차로의 교통상황을 나타내는 방법에서 차이가 나는 것에 유념해야 한다. 임계v/c비가 매우 큰데도 불구하고 평균지체의 값이 그다지 크지 않으면, 이 교차로의 임계차로군과 그렇지 않는 차로군 간의 혼잡도의 차이가 많다는 의미이다. 이런 경우는 각 차로군의 교통수요에 적절한 신호현시 및 신호시간으로 변경해 주면 임계v/c비를 줄일 수 있다.

(1) 차로군 분석

- ① 차로군 분류: 운영분석표 2에 나타난 것과 같다.
- ② 초기 대기차량대수, Q_b (대): 운영분석표 1에 나타난 것과 같이 $Q_b = 0$ 대이다.
- ③ 추가지체 유형 판단: 두 차로군 모두 추가지체 없다.
- ④ 균일지체, d_1 : 도착교통이 완전히 일정한 시간간격으로 도착한다고 가정할 때의 지체이며, 초기 대기차량이 없으므로 식 (6.24)를 사용한다.

$$d_{LTR1} = \frac{0.5 \times 120 (1 - 0.248)^2}{1 - 0.447 \times 0.248} = 38.2 초/대$$

⑤ 증분지체, d_2 : 도착교통의 무작위성, 과포화성으로 인한 증분지체이다[4(6.27)].

$$d_{LTR2} = 900 \times 0.25 \left[(0.447 - 1) + \sqrt{(0.447 - 1)^2 + \frac{4 \times 0.447}{1,320 \times 0.25}} \right] = 1.1 초/대$$

- ⑥ 추가지체, d_3 : 초기 대기차량에 의해서 분석기간 동안에 도착한 차량이 받는 지체이다. 초기 대기차량이 없으므로 0이다.
- ⑦ 순행시간, T_c : 이 접근로 상류부 링크의 순행시간으로서, 링크의 길이는 $400 \, \mathrm{m}$ 이고 순행속도 는 $50 \, \mathrm{kph}$ 이므로(운영분석표 1 참조) 순행시간은 $400 \times 3.6/50 = 28.8$ 초이다.
- ⑧ 옵셋: 상류부의 직진과 이 접근로의 직·좌 공용차로군의 녹색신호가 켜지는 시간의 차이이 며, 여기서는 10초라 가정했다.
- ⑨ 옵셋 편의율, TVO: 순행시간과 옵셋이 얼마나 잘 일치하는가를 나타내는 지표이다. 이 값이− 값이나 1.0보다 큰 값을 갖는 경우는 정수 값을 더해 주거나 빼 주어서, 이 값이 0~1.0사이의 값이 되도록 만들어준다. 본 예에서는 다음과 같다.

$$TVO = \frac{T_c - \text{offset}}{C} = \frac{28.8 - 10}{120} = 0.16$$

⑩ 연동계수, PF: 연동이동류가 직진이므로 직진현시에 같이 진행하는 모든 이동류에 적용한다. 사실상 비보호좌회전과 우회전은 대향직진 차량군 또는 f_cG_p 시간 때문에 연동을 방해받지

만, 이 방해시간이 E_L 및 E_R 에 포함되어 반영되었으므로 같은 연동계수를 적용한다. 만약 비보호좌회전 및 우회전이 직진신호 이외의 시간에 시작된다면 연동계수 1.0을 적용한다. 이 연동계수는 옵셋 편의율(偏倚率) TVO과 녹색시간비 (g/C)로부터 [표 6.9]를 이용해서 보간법으로 구한다.

$$PF = 0.64$$

- ① 평균제어지체, d: 균일지체에 연동계수를 곱하고, 증분지체와 추가지체의 합이다. 식 (6.23) 에 의해서 $d_{ITR}=38.2\times0.64+1.1=25.5$ 초/대이다.
- ② 차로군 서비스수준: 위에서 구한 차로군의 평균제어지체 값으로부터 [표 6.3]을 이용하여 구한다.

$$LOS_{LTR} = B$$

지체계	 산 및 서비스 수 준	 - 결정					
차로군 분석							
접근로	EB	WB	NB	SB			
① 차로군 분류	통합차로군						
2 초기 대기차량대수, Q_b (대)	0						
③ 추가지체 유형 판단	_						
④ 균일지체	38.2						
⑤ 증분지체	1.1						
⑥ 추가지체, d ₃	0						
⑦ 순행시간 $T_c = 링크길이/순행속도(초)$	28.8						
⑧ 옵셋(초)	10						
\odot 옵셋 편의율 $TVO = (T_c - \text{offset})/C$	0.16						
⑩ 연동계수, <i>PF</i> [표 6.9]	0.64						
① 평균제어지체(초/대) $d_i = d_1(PF) + d_2 + d_3$	25.5						
② 차로군 서비스수준[표 6.3]	В						
	접근로 분석						
① 접근로 지체, $d_{\!\scriptscriptstyle A}\!=\!\frac{\sum (d_i v_i)}{\sum v_i}$	25.5						
② 접근로 서비스수준[표 6.3]	В						
	교차로 분석						
① 접근로 교통량, $v_{\rm A} = \sum v_i ({\rm vph})$	590						
② 교차로 지체, $d_I = \frac{\sum (d_A v_A)}{\sum v_A}$							
③ 교차로 서비스수준[표 6.3]							

[그림 6.7] 지체계산 및 서비스수준 결정(운영분석표 3)

(2) 접근로 분석

접근로가 통합차로군을 이루므로 접근로 전체의 평균지체는 바로 이 통합차로군의 평균지체와 같다.

(3) 교차로 분석

- ① 접근로 교통량: 접근로 전체의 교통량 590 vph
- ② 교차로 지체: 각 접근로의 평균지체를 교통량에 관해서 가중평균한 값이다.

$$d_{I} = \frac{16.0 \times 590 + d_{WB} \times v_{WB} + d_{SB} \times v_{SB} + d_{NB} \times v_{NB}}{590 + v_{WB} + v_{SB} + v_{NB}}$$

③ 교차로 서비스수준: 위의 d_i 값으로 [표 6.3]에서 서비스수준을 찾는다.

제 7 장

에제 7.1 어느 도로구간에서 10월 둘째주 목요일 하루의 전역조사 교통량이 37,000대였다. 이 도로 부근에 있으면서 교통량 패턴이 비슷하여 같은 그룹 내에 있다고 판단되는 상시조사지점에서 얻은 교통량의 월변동계수(AADT/월평균 일교통량)와 요일변동계수(월평균일 교통량/월평균 요일교통량)는 다음과 같다. 이 도로구간의 AADT를 구하라.

월변동계수(AADT/월평균 일교통량)

월	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
월변동계수	1.05	0.98	0.90	1.08	1.09	1.08	1.03	0.94	0.96	1.00	0.96	0.96

10월의 요일변동계수(월평균 일교통량/월평균 요일교통량)

요일	월	화	수	목	금	토	일
요일변동계수	1.00	1.00	0.99	0.99	0.99	1.01	1.03

풀이 10월의 평균 일교통량=37,000×0.99=36,630대/일 AADT=36,630×1.00=36,630대/일

에제 7.2 앞의 예제에서 이 도로구간의 AADT는 36,630이었다. 또 이 도로구간과 유사한 교통패 턴을 갖는 어느 상시조사지점의 자료로부터 K값(30 HV/AADT)이 14%이고 PHF가 0.95임을 알았다. 조사지점에서의 중방향 교통량비율(D계수)과 대형차 구성비(T계수)가 각각 60%와 15%로 관측되었을 때 (1) 이 도로구간의 첨두시간 설계교통량을 구하라. (2) 대형차의 승용차환산계수(pce)가 1.8이라 가정할 때 이 첨두시간 설계교통량을 승용차 단위로 나타내라.

풀이 (1) 식 (7.1)에서 PDDHV= 36,630 × 0.14 × 0.6/0.95 = 3,239 vph

(2)
$$f_{HV} = 1/[1+0.15(1.8-1)] = 0.893$$

PDDHV= $3,239/0.893 = 3,627$ pcph
 $\Xi \subseteq 3,239 \times 0.15 \times 1.8 + 3,239 \times 0.85 = 3,627$ pcph

에제 7.3 이 도로의 설계 서비스수준이 D이고, 이때의 서비스교통량이 1,340 vph이라면 몇 차로의 도로를 건설해야 하는가?

물이 N=3,239/1,340=2.4 → 3차로(한 방향) 따라서 양방향 6차로가 필요하다.

제 8 장

에제 8.1 주택가에 통제가 되지 않는 4갈래 교차로가 있다. A도로에서의 접근속도가 50 kph이고 교차도로인 B도로에서의 접근속도는 40 kph일 때, 시거삼각형을 설계하라. 단 교차로에서의 임계감속도는 5.5 m/s^2 , 반응시간은 2초이다.

풀이 앞의 식 (2.4)를 이용하여 정지거리를 구하고 여기에 4.5 m를 더한다.

$$d_a = \frac{v^2}{2a} + t_r \cdot v + 4.5 = \frac{(50/3.6)^2}{2 \times 5.5} + 2(50/3.6) + 4.5 = 50 \text{ m}$$

$$d_b = \frac{(40/3.6)^2}{2 \times 5.5} + 2(40/3.6) + 4.5 = 38 \text{ m}$$

따라서 교차로 중앙을 중심으로 A도로상 50 m, B도로상 38 m를 삼각형으로 연결하면 시거삼각형을 이루며, 이 사이에는 시계 장애물이 없어야 한다.

제 13 장

에제 13.1 [그림 13.1]과 같은 비통제 교차로에서 주도로의 제한속도는 60 kph이며 a=15 m, b=18 m이다. 이때 교차도로의 제한속도는 얼마로 하면 좋은가?

 $D_a = 0.007(60)^2 + 0.55(60) + 4.5 = 62.7 \,\mathrm{m}$

$$D_b = \frac{aD_a}{D_a - b} = \frac{15 \times 62.7}{62.7 - 18} = 21.0 \,\mathrm{m}$$

$$V_b = -40 + 12\sqrt{D_b + 6.5} = -40 + 12\sqrt{21.0 + 6.5} = 22.9 \text{ kph} \rightarrow 20 \text{ kph}$$

제 15 장

에제 15.1 어느 도시의 교외지역에 있는 어떤 존의 장차 예상 가구수는 60세대이며 가구당 월평균 소득은 190만 원이다. [그림 15.6]~[그림 15.9]에 나타난 특성을 장차 계획연도의 이 존에 적용할 수 있다고 가정한다면, 이 존에서의 각 통행목적별 통행생성량(trip production)을 구하라.

물이 (1) 소득 수준별 가구의 구성비를 구한다. 존 평균가구당 소득이 월 190만 원일 때 각 소득계층별 가구의 분포를 [그림 15.6]에서 구하면 다음과 같다.

소득 수준별 가구수

소득 수준	가구구성비(%)	가구수
저소득층(월 140만 원 미만)	9	5
종소득층(월 140~240만 원)	40	24
고소득층(월 240만 원 초과)	51	31

(2) 각 소득 수준 카테고리의 가구당 자동차 보유대수에 따른 가구의 구성비를 [그림 15.7]을 이용해 서 구하면 다음과 같다.

소득 수준별・가구당 자동차 보유대수별 가구구성비(%)

, C , A 5	가구당 자동차 보유대수				
소득 수준	0	1	2+		
저소득	54	42	4		
저소득 중소득 고소득	4	58	38		
고소득	2	30	68		

예를 들어 이 존에 있는 60가구 중에서 고소득층이 31세대이며, 이 가운데 자동차 보유대수가 2대 이상인 가구는 $31 \times 0.68 = 21$ 세대이다. 이 표와 앞 표를 이용하여 소득 수준별 \cdot 가구당 자동차 보유대수별 가구수를 나타내면 다음과 같다.

소득 수준별·가구당 자동차 보유대수별 가구수

<u> </u>	;	741		
소득 수준	0	1	2+	계
저소득	3	2	0	5
저소득 중소득 고소득	1	14	9	24
고소득	1	9	21	31

(3) 각 소득 수준 및 자동차 보유대수 카테고리에 해당되는 가구들의 가구당 통행생성량을 [그림 15.8]을 이용해서 구하면 다음과 같다.

소득 수준별·기구당 통행생성량

, C , A 5	가구당 자동차 보유대수				
소득 수준	0	1	2 ⁺		
저소득	1	6	7		
저소득 중소득 고소득	2	8	13		
고소득	3	11	15		

(4) 앞의 두 표의 각 셀에 대응하는 값을 곱하여 각 소득 수준별 통행생성량을 구할 수 있다. 즉,

저소득층: $(3\times1)+(2\times6)+(0\times7)$ = 15 통행

중소득층: (1×2)+(14×8)+(9×13) = 231 통행

고소득층: $(1\times3)+(9\times11)+(21\times15)=417$ 통행

계 663 통행

(5) 각 소득 수준별로 통행목적별 통행의 구성비를 [그림 15.9]를 이용해서 구하면 다음과 같다.

소득 수준별·통행목적별 통행구성비(%)

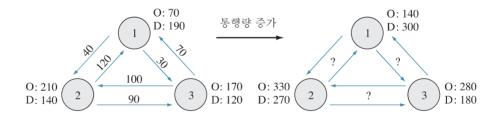
소득 수준	통행목적				
<u> </u>	출근·등교통행유출	기타 통행유출	귀가(통행유입)		
저소득	30	15	55		
중소득	32	17	51		
고소득	34	18	48		

(6) 각 소득 수준별 통행생성량에 위의 표에서 얻은 구성비를 곱하여 각 소득 수준별 통행목적별 통행 생성량을 구한다.

소득 수준별·통행목적별 통행생성량

, 드 스즈		741		
소득 수준	출근 · 등교통행유출	기타 통행유출	귀가(통행유입)	계
저소득	5	2	8	15
저소득 중소득 고소득	74	39	118	231
고소득	142	75	200	417
계	221	116	326	663

에제 15.2 1, 2, 3존에서 출근목적통행에 대한 통행유출 및 통행유입, 그리고 존 간의 통행량이 아래 왼쪽 그림에서 보는 바와 같이 조사되었다. 또 장래 통행발생 예측결과는 아래 오른쪽 그림과 같다. 이때 Fratar법을 사용하여 각 존 간의 장래 교차교통량을 구하라.



풀이 (1) 각 존의 유출·입통행량의 성장계수를 구한다.

유출:
$$F_{1j}$$
= 140/70 = 2.0 F_{2j} = 330/210 = 1.57 F_{3j} = 280/170 = 1.65 유입: F_{j1} = 300/190 = 1.58 F_{j2} = 270/140 = 1.93 F_{j3} = 180/120 = 1.50

(2) 통행량의 1차 분포:

$$\frac{T_{12}}{L_1 = \frac{70}{40 \times 1.93 + 30 \times 1.5}} = 0.573 \qquad L_2 = \frac{140}{40 \times 2.0 + 100 \times 1.65} = 0.571$$

$$T_{12} = 40 \times 2.0 \times 1.93 (0.573 + 0.571)/2 = 88$$

$$\frac{T_{13}}{L_1 = 0.573} \qquad L_3 = \frac{120}{30 \times 2.0 + 90 \times 1.57} = 0.596$$

$$T_{13} = 30 \times 2 \times 1.5 (0.573 + 0.596)/2 = 53$$

$$\frac{T_{21}}{L_2 = \frac{210}{120 \times 1.58 + 90 \times 1.5}} = 0.647$$

$$L_1 = \frac{190}{120 \times 1.57 + 70 \times 1.65} = 0.625$$

$$T_{21} = 120 \times 1.57 \times 1.58 (0.647 + 0.625)/2 = 189$$

 T_{23}

$$L_2 = 0.647$$
 $L_3 = 0.596$

$$T_{23} = 90 \times 1.57 \times 1.5(0.647 + 0.596)/2 = 132$$

 T_{31}

$$L_3 = \frac{170}{70 \times 1.58 + 100 \times 1.93} = 0.56$$

$$L_1 = 0.62$$

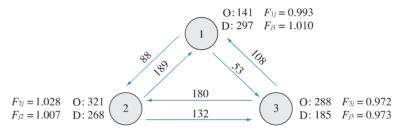
$$T_{31} = 70 \times 1.65 \times 1.58(0.56 + 0.625)/2 = 108$$

 T_{32}

$$L_3 = 0.56$$
 $L_2 = 0.571$

$$T_{32} = 100 \times 1.65 \times 1.93(0.56 + 0.571)/2 = 180$$

이를 종합하여 새로운 성장계수를 구한다.



(3) 통행량의 2차 분포:

 T_{12}

$$L_1 = \frac{141}{88 \times 1.007 + 53 \times 0.973} = 1.006 \qquad L_2 = \frac{268}{88 \times 0.993 + 180 \times 0.972} = 1.022$$

$$T_{12} = 88 \times 0.993 \times 1.007 (1.006 + 1.022)/2 = 89$$

 T_{13}

$$L_1 = 1.006$$

$$L_3 = \frac{185}{53 \times 0.993 + 132 \times 1.028} = 0.982$$

$$T_{13} = 53 \times 0.993 \times 0.973 (1.006 + 0.982)/2 = 51$$

 T_{21}

$$L_2 = \frac{321}{189 \times 1.01 + 132 \times 0.973} = 1.005 \qquad L_1 = \frac{297}{189 \times 1.028 + 108 \times 0.972} = 0.992$$

$$T_{21} = 189 \times 1.028 \times 1.01 (1.005 + 0.992)/2 = 196$$

 T_{23}

$$L_2 = 1.005$$
 $L_3 = 0.982$

$$T_{23} = 132 \times 1.028 \times 0.973 (1.005 + 0.982)/2 = 131$$

 T_{31}

$$L_3 = \frac{288}{108 \times 1.01 + 180 \times 1.007} = 0.992$$

$$L_1 = 0.992$$

$$L_1 = 0.992$$

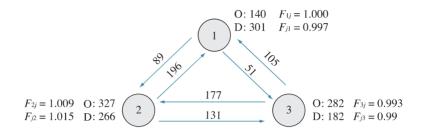
$$L_3 = 108 \times 0.972 \times 1.01 (0.992 + 0.992)/2 = 105$$

 T_{32}

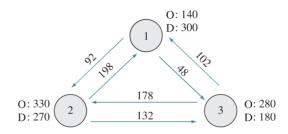
$$L_3 = 0.992$$
 $L_2 = 1.022$

 $T_{32} = 180 \times 0.972 \times 1.007(0.992 + 1.022)/2 = 177$

이를 종합하고 새로운 성장계수를 구한다.



(4) 이와 같은 과정을 반복하여 얻은 최종적인 결과는 다음과 같다.



에제 15.3 3개 존으로 구성된 조사지역에서 출근목적통행에 대한 장래 각 존의 통행유출과 통행유입량, 그리고 존 간의 통행시간을 예측한 결과는 다음 표와 같다. 모든 존 간의 K_{ij} 값은 1이라 가정을 하고 통행시간에 따른 F값은 마찬가지로 표에 나타나 있다. 1존의 내부통행시간이 존 간의 통행시간보다 큰 것은 그 존의 지형적 특성으로 지역 내의 접근성이 좋지 않거나 또는 도심지로서 혼잡한 상태를 나타낸다고도 볼 수 있다. 존 간의 교치통행을 분포시켜라.

조사지역 각 존의 통행유출 및 유입량(출근목적)

존	1	2	3	계
통행유출	140	330	280	750
통행유입	300	270	180	750

존 간의 통행시간(분)

존	1	2	3
1	5	2	3
2	2	6	6
3	3	6	5

통행시간과 F계수(calibration 결과)

통행시간(분)	1	2	3	4	5	6	7	8
F	82	52	50	41	39	26	20	13

풀이 (1) 중력모형을 사용하여 각 존 간의 통행량을 계산한다.

기본공식:
$$T_{ij} = O_i \left(\frac{D_j F_{ij} K_{ij}}{\sum\limits_{j=1}^n D_j F_{ij} K_{ij}} \right)$$
 여기서 모든 존 간의 $K_{ij} = 1$

$$T_{1-1} = 140 \times \frac{300 \times 39}{300 \times 39 + 270 \times 52 + 180 \times 50} = 47$$

$$T_{1-2} = 140 \times \frac{270 \times 52}{300 \times 39 + 270 \times 52 + 180 \times 50} = 57$$

$$T_{1-3} = 140 \times \frac{180 \times 50}{300 \times 39 + 270 \times 52 + 180 \times 50} = 36$$

계
$$O_1 = 140$$

(2) 같은 방법으로 2, 3존에 대해서 계산하면

$$T_{2-1} = 188$$
 $T_{2-2} = 85$ $T_{2-3} = 57$ $\nearrow 0_2 = 330$

$$T_{3-1} = 144$$
 $T_{3-2} = 68$ $T_{3-3} = 68$ $7 = 280$

(3) 이를 통행유출, 통행유입 매트릭스로 나타낸다.

1차 통행분포 매트릭스

존	1	2	3	O_i
1	47	57	36	140
2	188	85	57	330
3	144	68	68	280
계(<i>C_{j(1)}</i>) 실제값(<i>D_j</i>)	379 300	210 270	161 180	750 750

따라서 계산된 각 존의 통행유입값이 주어진 실제값과 많은 차이가 난다.

(4) 아래 공식을 사용하여 각 존별 보정유입량을 계산한다.

$$D_{j(k)} = D_j \times \frac{D_{j(k-1)}}{C_{j(k-1)}}$$

여기서 $D_{i(k)}$: k번 반복했을 때 유입존 j의 보정유입총량(단, k=2일 때 $D_{i(1)}=D_{i}$ 이다.)

 $C_{i(k)}$: k번 반복했을 때 유입존 j의 합산유입총량

 D_i : 유입존 j의 주어진 실제유입총량

k: 실제유입총량과 합산유입총량을 일치시키기 위한 보정의 반복횟수

그러므로

존 1:
$$D_{1(2)} = 300 \times \frac{300}{379} = 237$$

존 2:
$$D_{2(2)} = 270 \times \frac{270}{210} = 347$$

존 3:
$$D_{3(2)} = 180 \times \frac{180}{161} = 201$$

(5) 2차 보정유입량을 사용하여 2차 통행분포를 구한다.

$$T_{1-1} = 140 \times \frac{237 \times 39}{237 \times 39 + 347 \times 52 + 201 \times 50} = 34$$

$$T_{1-2} = 140 \times \frac{347 \times 52}{237 \times 39 + 347 \times 52 + 201 \times 50} = 68$$

$$T_{1-3} = 140 \times \frac{201 \times 50}{237 \times 39 + 347 \times 52 + 201 \times 50} = 37$$

$$\boxed{A \mid O_1 = 140}$$

$$T_{2-1} = 330 \times \frac{237 \times 52}{237 \times 52 + 347 \times 26 + 201 \times 26} = 153$$

$$T_{2-2} = 330 \times \frac{347 \times 26}{237 \times 52 + 347 \times 26 + 201 \times 26} = 112$$

$$T_{2-3} = 330 \times \frac{201 \times 26}{237 \times 52 + 347 \times 26 + 201 \times 26} = 65$$

$$\boxed{A \mid O_2 = 330}$$

$$T_{3-1} = 280 \times \frac{237 \times 50}{237 \times 50 + 347 \times 26 + 201 \times 39} = 116$$

$$T_{3-2} = 280 \times \frac{347 \times 26}{237 \times 50 + 347 \times 26 + 201 \times 39} = 88$$

$$T_{3-3} = 280 \times \frac{201 \times 39}{237 \times 50 + 347 \times 26 + 201 \times 39} = 76$$

$$\boxed{A \mid O_2 = 280}$$

(6) 이를 통행유출, 통행유입 매트릭스로 나타낸다.

2차 통행분포 매트릭스

존	1	2	3	O_i
1	34	68	38	140
2	153	112	65	330
3	116	88	76	280
계($C_{j(2)}$) 실제값(D_{j})	303	268	179	750
실제값 (D_j)	300	270	180	750

아직도 $C_{j(2)}$ 와 D_i 간에는 조금 차이가 있다.

(7) 각 존별 제3차 보정유입총량을 계산한다.

존 1:
$$D_{1(3)} = 300 \times \frac{237}{303} = 235$$

존 2:
$$D_{2(3)} = 270 \times \frac{347}{268} = 350$$

존 3:
$$D_{3(3)} = 180 \times \frac{201}{179} = 202$$

(8) 이를 이용하여 3차 통행분포량을 계산한다.

$$T_{1-1} = 140 \times \frac{235 \times 39}{235 \times 39 + 350 \times 52 + 202 \times 50} = 34$$

$$T_{1-2} = 140 \times \frac{350 \times 52}{235 \times 39 + 350 \times 52 + 202 \times 50} = 68$$

$$T_{1-3} = 140 \times \frac{202 \times 50}{235 \times 39 + 350 \times 52 + 202 \times 50} = 38$$

$$\boxed{20 \times 50 \times 52 + 202 \times 50} = 38$$

같은 방법으로 존 2, 3에 대해서 계산하면,

$$T_{2-1} = 152$$
 $T_{2-2} = 113$ $T_{2-3} = 65$ $\raisetain O_2 = 330$ $T_{3-1} = 114$ $T_{3-2} = 89$ $T_{3-3} = 77$ $\raisetain O_3 = 280$

(9) 이를 통행유출 및 통행유입 매트릭스로 나타낸다.

3차 통행분포 매트릭스

존	1	2	3	O_i
1	34	68	38	140
2	152	113	65	330
3	114	89	77	280
$C_{j(3)}$	300	270	181	750 750
D_{j}	300	270	180	750

에제 15.4 교외지역의 존 1과 CBD 지역의 존 2 간의 통행에서 수단분담을 구하려고 한다. 출근목 적통행 때의 관측된 자료는 다음과 같으며 이 목적통행의 b계수는 2.0이다. 1존에서 거주하는 사람 (출근자)의 연평균소득은 800만 원이다.

존 1, 2 사이의 통행자료

구분	승용차(a)	버 <u>스(</u> t)
거리	10 km	8 km
km당 운행비용	100원	30원
추가시간	5분	8분
주차비용	한 통행당 500원	_
운행속도	50 kph	40 kph

물이
$$I_{12a} = \left(\frac{10}{50} \times 60\right) + (2.5 \times 5) + \left(\frac{3 \times (500 + 100 \times 10)}{800 \text{만}/12 \text{만}}\right) = 12 + 12.5 + 67.5 = 92.0 등가분$$

$$I_{12t} = \left(\frac{8}{40} \times 60\right) + (2.5 \times 8) + \left(\frac{3 \times 30 \times 8}{800 \text{만}/12 \text{만}}\right) = 12 + 20 + 10.8 = 42.8 등가분$$

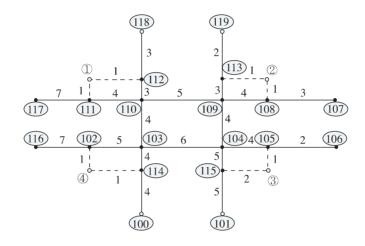
$$MS_a = \frac{(42.8)^2}{(92)^2 + (42.8)^2} \times 100 = 17.8 \%$$

$$MS_t = 100 - 17.8 = 82.2 \%$$

에제 15.5 다음 표에 나타난 O-D 교통량을 4개의 존으로 이루어진 그림과 같은 도로망에 배분하라. 그림의 링크상에 표시된 숫자는 그 링크의 통행시간을 분으로 나타낸 것이다.

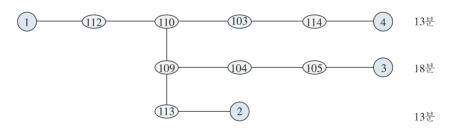
분포 O-D 교통량(대/일)

0	1	2	3	4
1	_	1,000	5,000	3,000
2	4,000	_	3,000	4,000
3	5,000	6,000	_	1,000
4	2,000	1,000	3,000	_

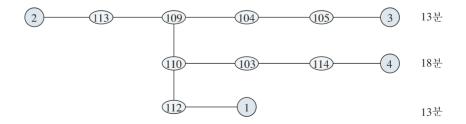


풀이 (1) 발췌수형도 작성

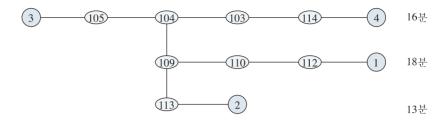
출발지존 ①



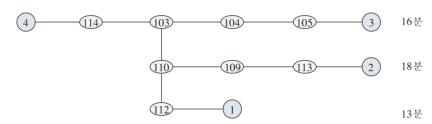
출발지존 ②



출발지존 ③



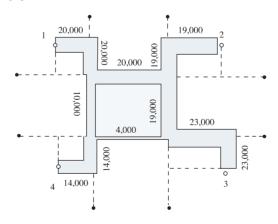
출발지존 ④



(2) 분포교통량 배분

링크	1~ 112	112~ 110	110~ 109	109~ 113	113~ 2	109~ 104	104~ 105	105~ 3	110~ 103	103~ 114	114~ 4	103~ 104
0-D								_				
1~2	1,000	1,000	1,000	1,000	1,000							
1~3	5,000	5,000	5,000			5,000	5,000	5,000				
1~4	3,000	3,000							3,000	3,000	3,000	
2~1	4,000	4,000	4,000	4,000	4,000							
2~3				3,000	3,000	3,000	3,000	3,000				
2~4			4,000	4,000	4,000				4,000	4,000	4,000	
3~1	5,000	5,000	5,000			5,000	5,000	5,000				
3~2				6,000	6,000	6,000	6,000	6,000				
3~4							1,000	1,000		1,000	1,000	1,000
4~1	2,000	2,000							2,000	2,000	2,000	
4~2			1,000	1,000	1,000				1,000	1,000	1,000	
4~3							3,000	3,000		3,000	3,000	3,000
계	20,000	20,000	20,000	19,000	19,000	19,000	23,000	23,000	10,000	14,000	14,000	4,000

(3) 도로망배분 링크교통량



제 16 장

에제 16.1 T=240,000대/일, $T_1=40,000$ 대/일, $T_2=200,000$ 대/일, $\alpha=0.66$ (9:00~19:00까지 10시간 교통량의 AADT에 대한 비율), L=10 km, $v_P=13.3$ kph(고속도로가 건설되기 전 기존도로에서 첨두시간의 통행속도), $v_2=18$ kph(고속도로 건설 후 기존도로에서 첨두시간의 통행속도), $C_P=21.62$ 원/km, $C_2=19.13$ 원/km일 때 고속도로 건설에 의한 기존도로에서의 운행비용 절감액을 구하라.

풀이 기존도로(교통량 T_2)의 운행비용 절감액 $\Delta C = 200,000(대/일) \times 0.66 \times 10(21.62 - 19.13) = 3,236,800원$ ∴ 연간 총 절감액 = 3,236,800 × 365 = 12억 원

예제 16.2 예제 16.1에서 R = 4.33원/분일 때 연간 절약시간편익을 구하라.

풀이
$$\Delta T = 200,000 \times 0.66 \times 10 \left(\frac{1}{13.3} - \frac{1}{18.0} \right) \times 4.33 \times 60 \times 365 = 24.6$$
억 원

에제 16.3 다음과 같은 7개의 대안(do-nothing 대안 포함) 중에서 NPW 방법을 사용하여 가장 경제적인 대안을 찾아내라(경제수명은 모두 20년, MARR은 8%, 잔존가치는 없다고 가정).

대안	초기건설비용	유지관리비용 (연간균등)	도로사용자비용 (연간균등)	도로사용자편익 ¹⁾ (연간균등)	NPW ²⁾ (해답)
A	_	60	500	_	_
B	800	70	280	220	1,262
C	1,000	55	250	250	1,503
D	1,300	52	225	275	1,478
E	1,350	48	220	280	1,517 💥
F	1,500	46	210	290	1,485
G	1,650	46	195	305	1,482

¹⁾ 도로사용자편익은 do-nothing 대안 A의 도로사용자비용과의 차이이다. 즉 B 도로의 사용자비용이 280이므로 기존도로에 비해 사용자비용이 220 절감되는 편익을 얻는다.

풀이 • 이자율 *i* = 8%

• 균등액 현가계수 (P/A)₂₀= 9.818

$$\begin{split} \text{NPW}_B &= -800 - (70 - 60) \ (P/A)_{20} + 220 \ (P/A)_{20} = 1,262 \\ \text{NPW}_C &= -1,000 - (55 - 60) \ (P/A)_{20} + 250 \ (P/A)_{20} = 1,503 \\ \text{NPW}_D &= -1,300 - (52 - 60) \ (P/A)_{20} + 275 \ (P/A)_{20} = 1,478 \\ \text{NPW}_E &= -1,350 - (48 - 60) \ (P/A)_{20} + 280 \ (P/A)_{20} = 1,517 \\ \text{NPW}_F &= -1,500 - (46 - 60) \ (P/A)_{20} + 290 \ (P/A)_{20} = 1,485 \\ \text{NPW}_G &= -1,650 - (46 - 60) \ (P/A)_{20} + 305 \ (P/A)_{20} = 1,482 \\ \end{split}$$

따라서 대안 E가 가장 경제적인 대안이다.

²⁾ 대안 A와 비교한 것이다.

예제 16.4 앞의 예제에서 EUAW 방법을 사용하여 가장 경제적인 대안을 찾아내라.

대안	초기건설비용	유지관리비용 (연간균등)	도로사용자비용 (연간균등)	도로사용자편익 (연간균등)	NPW ¹⁾ (해답)
A	_	60	500	_	_
B	800	70	280	220	128.5
C	1,000	55	250	250	153.2
D	1,300	52	225	275	150.6
E	1,350	48	220	280	154.5 💥
F	1,500	46	210	290	151.2
G	1,650	46	195	305	150.9

¹⁾ 대안 A(do-nothing)와 비교한 것이다.

- 풀이 이자율 *i* = 80%
 - 자본상환계수 $(A/P)_{20} = 0.10185$

 $EUAW_B = NPW_B \times 0.10185 = 128.5$

 $EUAW_C = 1,503 \times 0.10185 = 153.2$

 $EUAW_D = 1,478 \times 0.10185 = 150.6$

 $EUAW_F = 1,517 \times 0.10185 = 154.5$

 $EUAW_F = 1,485 \times 0.10185 = 151.2$

 $EUAW_G = 1,482 \times 0.10185 = 150.9$

따라서 대안 E가 가장 경제적인 대안이다.

예제 16.5 앞의 예제에서 B/C비 방법을 사용하여 가장 경제적인 대안을 찾아내라.

대안 ①	초기비용	유지관리 ¹⁾ 편익(연간)	사용자 ¹⁾ 편익(연간)	B/C비 ②	증분비교 ③	증분 B/C비 ④	결론 ⑤
A	0	_	_	_	_	_	
B	800	-10	220	2.6	B-A	2.6	A보다 B가 우수
C	1,000	5	250	2.5	C-B	2.2	<i>B</i> 보다 <i>C</i> 가 우수
D	1,300	8	275	2.1	D-C	0.9	D보다 C 가 우수
E	1,350	12	280	2.1	E-C	1.04	C보다 E가 우수
F	1,500	14	290	2.0	F - E	0.8	F보다 E가 우수
G	1,650	14	305	1.9	G-E	0.9	G보다 E가 우수
							∴ E가 가장 우수

¹⁾ do-nothing 대안(A)과 비교한 것으로서 A의 비용보다 감소한 것을 편익으로 본다.

풀이 ①: 각 대안을 초기투자비용의 순서대로 나열한다.

②: 각 대안의 A 대안에 대한 B/C비를 구한다.

균등액 현가계수 (P/A)₂₀= 9.818

$$(B/C)_B = (-10 + 220)(9.818)/800 = 2.6$$

$$(B/C)_C = (5+250)(9.818)/1,000 = 2.5$$

$$(B/C)_D = (8 + 275) (9.818)/1,300 = 2.1$$

$$(B/C)_E = (12 + 280) (9.818)/1,350 = 2.1$$

$$(B/C)_F = (14 + 290) (9.818)/1,500 = 2.0$$

$$(B/C)_G = (14+305)(9.818)/1,650 = 1.9$$

여기서 구한 B/C비가 1.0보다 크다는 것은 A 대안에 비해 경제성이 있다는 의미를 나타낸다. 이 값이 1.0보다 작으면 그 대안은 이 단계에서 완전히 폐기된다. 그러나 여기서 구한 B/C값이 가장 크다고 해서(대안 B) 반드시 가장 경제적인 대안은 아니라는 것에 유의해야 한다. 가장 경제적인 대안을 찾기 위해서는 다음 단계에서 설명되는 각 대안 간의 증분비교를 해야 한다.

③, ④, ⑤: 도전대안의 편익과 비용에서 방어대안의 편익과 비용을 뺀 증분편익을 증분비용으로 나누어 증분 B/C비를 구한다. 만약 이 값이 1.0보다 크면 방어대안보다 도전대안이 좋다는 뜻이므로 방어대안은 폐기된다. 만약 1.0보다 작으면 방어대안이 더 좋다는 뜻이므로 도전대안이 폐기되고, 그 다음 대안이 도전대안이 되어 비교된다. 이렇게 해서 끝까지 남아 있는 대안이 최적대안이다.

(B/C)_{B-A}= 앞의 ②에서 2.6

그러므로 대안 A는 페기되고, 대안 B와 C를 비교

$$(B/C)_{C-B} = (255 - 210) (9.818) / (1,000 - 800) = 2.2$$

따라서 대안 B는 폐기되고, 대안 C와 D를 비교

$$(B/C)_{D-C} = (283 - 255) (9.818) / (1,300 - 1,000) = 0.9$$

따라서 대안 D는 폐기되고, 대안 C와 E를 비교

$$(B/C)_{E-C} = (292 - 255) (9.818) / (1,350 - 1,000) = 1.04$$

따라서 대안 C는 계기되고, 대안 E와 F를 비교

$$(B/C)_{F-E} = (304-292)(9.818)/(1,500-1,350) = 0.8$$

따라서 대안 F는 폐기되고, 대안 E와 G를 비교

$$(B/C)_{G-E} = (319 - 292) (9.818) / (1,650 - 1,350) = 0.9$$

따라서 대안 G는 폐기되고, 대안 E가 가장 좋은 대안이며, 이 대안의 B/C비는 2.1이다.

※ 여기서 거듭 유의해야 할 것은 ②에서 구한 값이 크다고 해서 최적안이 아니라는 사실이다. 이 값은 단지 그 대안의 경제적 타당성만을 나타내므로 1.0보다 크면 경제성이 있고 1.0보다 작으면 경제성이 있다.

④에서 구한 값이 크다고 해서 역시 가장 좋은 대안은 아니다. 이 값은 경제적인 타당성이 있는 대안 중에서 한 대안이 다른 대안에 비해 좋으냐 나쁘냐를 판별하는 수치이기 때문이다. ■

예제 16.6 앞의 예제에서 ROR 방법을 사용하여 가장 경제적인 대안을 찾아내라.

대안 ①	초기비용	유지관리 ¹⁾ 편익(연간)	사용자 ¹⁾ 편익(연간)	ROR ②	증분비교 ③	증분 ROR ④	결론 ⑤
A	0	_	_	_	_	_	
B	800	-10	220	26.1	B-A	26.1	A보다 B가 우수
C	1,000	5	250	25.1	C-B	22.3	B보다 C가 우수
D	1,300	8	275	21.5	D-C	6.9	D보다 C가 우수
E	1,350	12	280	21.3	E-C	8.5	C보다 E가 우수
F	1,500	14	290	19.8	F-E	5.0	F보다 E가 우수
G	1,650	14	305	18.9	G-E	6.4	G보다 E가 우수
							∴ E가 가장 우수

¹⁾ do-nothing 대안(A)과 비교한 것으로서 A의 비용보다 감소한 것을 편익으로 본다.

- 풀이 ①: 각 대안을 초기투자비용의 순서대로 나열한다.
 - ②: 각 대안의 A 대안에 대한 ROR을 구한다.

$$\begin{aligned} &(\text{ROR})_B = & -800 + 210 (P/A)^i = 0 & i = 26.1\% \\ &(\text{ROR})_C = -1,000 + 255 (P/A)^i = 0 & i = 25.1\% \\ &(\text{ROR})_D = -1,300 + 283 (P/A)^i = 0 & i = 21.5\% \\ &(\text{ROR})_E = -1,350 + 292 (P/A)^i = 0 & i = 21.3\% \\ &(\text{ROR})_E = -1,500 + 304 (P/A)^i = 0 & i = 19.8\% \end{aligned}$$

 $(ROR)_G = -1,650 + 319(P/A)^i = 0$ i = 18.9%

여기서 구한 ROR값이 8%의 MARR보다 크다는 것은 A 대안에 비해 경제성이 있다는 뜻이다. 이 값이 8%보다 작으면 그 대안은 이 과정에서 완전히 폐기된다. 그러나 여기서 구한 ROR값이 가장 크다고 해서(대안 B) 반드시 가장 좋은 대안은 아니라는 것에 유의해야 한다. 가장 좋은 대안을 찾기 위해서는 다음 단계에서 설명하는 바와 같이 각 대안 간의 증분비교를 해야 한다.

③, ④, ⑤: 도전대안과 방어대안에 대한 편익의 차이와 비용의 차이를 같다고 놓고 이때의 증분 ROR을 계산한다. 만약 이 값이 8%보다 크면 방어대안보다 도전대안이 좋다는 뜻이므로 방어대안은 폐기된다. 만약 이 값이 8%보다 작으면 방어대안이 더 좋다는 뜻이므로 도전대안이 폐기되고, 그 다음 대안이 도전대안이 되어 비교된다. 이런 과정을 계속해서 끝까지 남는 대안이 최적안이 된다.

(ROR)_{B-A}= 앞에 ②에서 26.1%

그러므로 A 대안은 폐기되고, B와 C를 비교

$$(ROR)_{C-B} = -1,000 - (-800) + (255 - 210)(P/A)^i = 0$$
 $i = 22.3\%$

그러므로 B 대안은 폐기되고, C와 D를 비교

$$(ROR)_{D-C} = -1,300 - (-1,000) + (283 - 255)(P/A)^i = 0$$
 $i = 6.9\%$

8%보다 작으므로 D 대안은 폐기되고, C와 E를 비교

$$(ROR)_{F-C} = -1,350 - (-1,000) + (292 - 255)(P/A)^i = 0$$
 $i = 8.5\%$

그러므로 C 대안은 폐기되고, E와 F를 비교

$$(ROR)_{F-E} = -1,500 - (-1,350) + (304 - 292)(P/A)^i = 0$$
 $i = 5.0\%$

8%보다 작으므로 F 대안은 폐기되고 E와 G를 비교

$$(ROR)_{G-E} = -1,650 - (-1,350) + (319 - 292)(P/A)^i = 0$$
 $i = 6.4\%$

8%보다 작으므로 G 대안은 폐기되고, E가 가장 좋은 대안이며, 이 대안의 수익률은 21.3%이다.

※ 여기서 거듭 유의해야 할 것은 ②에서 구한 값이 크다고 해서 그것이 최적안이 아니라는 사실이다. 마찬가지로 ④의 증분 ROR 값이 크다고 최적안이 되는 것이 아니다. ■

에제 16.7 두 대안 A, B가 있다. A 대안은 초기투자 4,000에 매년 순편익(편익 - 비용) 800이며 서비스수명이 17년이고, B 대안은 초기투자 5,000에 매년 순편익이 950이며 서비스수명은 23년이다. 이 프로젝트가 끝난 다음 똑같은 프로젝트가 계속적으로 반복되는 경우와 그렇지 않는 경우의 경제성을 평가하라. MARR는 15%이다.

물이 (1) 프로젝트가 계속 반복될 경우: EUAW, B/C비, 또는 ROR 방법으로 분석하면 좋으므로 이 중에 서 EUAW 방법을 사용하기로 한다.

$$(\text{EUAW})_A = -4,000 (A/P)_{17} + 800 = -4,000 (0.16537) + 800 = 138.5$$

 $(\text{EUAW})_B = -5,000 (A/P)_{23} + 950 = -5,000 (0.15628) + 950 = 168.6$

- (2) 프로젝트가 반복되지 않을 경우: 연간비용을 모르므로 EUAC와 PWC 방법을 제외한 어떤 방법을 사용해도 좋으나 위에서 EUAW 방법을 사용했으므로 이 방법을 사용해서 대안 B를 분석한다. 분석기간은 17년이다.
 - ① 23년부터 17년까지 6년간의 연균등액 168.6을 분석기간 말인 17년째에 일시불로 환산 168.6(P/A)₆= 168.6(3.784) = 638
 - ② 이를 17년간의 연균등액으로 환산 $638(A/F)_{17} = 638(0.01537) = 9.8$
 - ③ 조정된 연간등가 순편익 $(EUAW)_B = 168.6 9.8 = 158.8$

에제 16.8 A, B, C 프로젝트의 각 대안들의 초기투자비용과 순현재가(편익 - 비용)가 다음 표와 같을 때, 다음 각 경우와 같은 가용예산의 규모에 따른 가장 경제적인 프로젝트 및 대안을 선택하라.

대안	초기투자비용(억 원)	순현재가(억 원)
A_1	100	300
A_2	120	250
A_3	300	800
B_1	150	260
B_2	220	480
C_1	350	-70

- (1) 예산상의 제약이 없을 때
- (2) 가용예산이 200억 원뿐일 때
- (3) 가용예산이 280억 원뿐일 때
- (4) 가용예산이 310억 원뿐일 때
- (5) 가용예산이 450억 원뿐일 때
- 풀이 1. NPW가 '-'값을 갖는 C 프로젝트는 실행할 가치가 없으므로 제외시킨다.
 - 2. 동시에 실행할 수 있는 대안조합을 만들고 이들을 초기투자비용의 크기순으로 나열한다(상호배타 적인 대안, 예를 들어 A_1 과 A_2 는 동시에 실행될 수 없으므로 같은 조합이 될 수 없다).
 - 3. 가용예산보다 적거나 같은 초기투자비용으로 최대의 NPW를 얻을 수 있는 대안조합을 선택하고, 투자하고 남는 예산은 $A,\ B,\ C$ 이외의 다른 프로젝트에 사용한다.

동시 실행 기능한 대안조합	초기투자	순현재가
A_1	100	300
A_2	120	250
B_1	150	260
B_2	220	480
$A_1,\ B_1$	250	560
A_2, B_1	270	510
A_3	300	800
$A_1,\;B_2$	320	780
$A_2,\;B_2$	340	730
A_3, B_1	450	1,060
$A_3,\;B_2$	520	1,280

- (1) 예산상의 제약이 없을 때: A₃, B₂ 선택
- (2) 가용예산이 200억 원뿐일 때: A_1 선택
- (3) 가용예산이 280억 원뿐일 때: A₁, B₁선택
- (4) 가용예산이 310억 원뿐일 때: A₃ 선택
- (5) 가용예산이 450억 원뿐일 때: A₃, B₁ 선택

제 18 장

예제 18.1 체중 65 kg인 운전자에 대하여 사고 발생 2시간 후에 혈중알코올 농도를 측정하였더니 0.05%가 나왔다. 사고 당시의 혈중알코올 농도는 얼마로 추정되는가?

- 풀이 표에서 체중 65 kg인 사람의 BAL 감소량 = 0.025%
 - 운전자의 사고 당시 BAL = $0.05 + (0.025) \times 2 = 0.10\%$

예제 18.2 어느 도로를 주행 중이던 차량이 급정거할 때 생긴 활주흔의 길이가 35 m이었다. 마찰 계수(또는 감속도)를 구하기 위하여 현장에서 시험차량으로 60 kph로 주행하다가 급정거한 결과 나 타난 활주흔의 길이는 25 m이었다면 제동 직전의 초기속도는 얼마인가? 또 만약 이 활주흔이 + 10% 경사구간에서 생긴 것이고 또 시험도 이 경사구간에서 행한 것이라면 초기속도는 얼마인가?

- 풀이 · 식 (18.3)에서 $u_2 = 0$
 - 평균최대감속도: $a = u_1^2/2d = (60/3.6)^2/(2 \times 25) = 5.56 \,\mathrm{m/sec}^2$
 - 따라서 사고차량의 초기속도는 $u_1 = \sqrt{2 \times 5.56 \times 35} = 19.73 \,\text{m/sec} = 71 \,\text{kph}$
 - 위의 감속도는 경사구간에서 실험한 것이므로 그 감속도에 이미 경사의 영향이 포함되어 있다. 따라 서 초기속도는 71 kph로 변함이 없다.

예제 18.3 A 차량이 주행 중 주차해 있는 B 차량과 충돌하여 두 차량이 함께 $15 \,\mathrm{m}$ 미끄러져 정지 하였다. A 차량의 무게를 1,200 kg, B 차량의 무게를 1,800 kg이라 하고 마찰계수는 0.5라 할 때 A 차량의 초기속도를 구하라. 단, 완전비탄성충돌이라 가정한다.

量0 •
$$m_A = 1,200 \,\mathrm{kg}$$
 $m_B = 1,800 \,\mathrm{kg}$ $u_{A0} = ?$ $u_{B0} = u_{B1} = 0$ $d_2 = 15 \,\mathrm{m}$

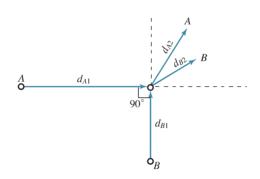
•
$$u_2^2 = 254(f+s) d_2 = 254(0.5)(15) = 1,905$$

 $u_2 = 43.65 \text{ kph}$

•
$$m_A u_{A1} + m_B u_{B1} = (m_A + m_B) u_2$$

 $1,200 u_{A1} + (1,800)(0) = (3,000)(43.65)$
 $u_{A1} = 109 \text{ kph}$

예제 18.4 무게 1,200 kg, 1,800 kg인 A, B 차량이 직각으로 충돌하여 그림과 같은 위치에서 정지 하였다. 이때 $d_{A0}=40\,\mathrm{m},\ d_{B0}=30\,\mathrm{m},\ d_{A1}=20\,\mathrm{m},\ d_{B1}=15\,\mathrm{m},\ \angle A=60^\circ,\ \angle B=30^\circ$ 이었다. 완 전탄성충돌이라 가정할 때 A, B차량의 초기속도를 구하여라. 단, 마찰계수는 0.5이다.



물이 •
$$m_A = 1,200 \,\mathrm{kg}$$
 $m_B = 1,800 \,\mathrm{kg}$ $\alpha = 90^\circ, \quad A = 60^\circ, \quad B = 30^\circ$

•
$$1,200 u_{A1} + 1,800 u_{B1} \cos 90^{\circ} = 1,200 u_{A2} \cos 60^{\circ} + 1,800 u_{B2} \cos 30^{\circ}$$

 $1,800 u_{B1} \sin 90^{\circ} = 1,200 u_{A2} \sin 60^{\circ} + 1,800 u_{B2} \sin 30^{\circ}$

$$1,200 \, u_{A1} = 600 \, u_{A2} + 1,558.8 \, u_{B2}$$

$$1,800 \, u_{B1} = 1,039.2 \, u_{A2} + 900 u_{B2}$$

• 또
$$u_{A2}^{2} = 254(0.5)(20) = 2,540$$
에서

$$u_{A2} = 50.4 \,\mathrm{kph}$$

$$u_{B2}^{2} = 254(0.5)(15) = 1,905$$

$$u_{B2} = 43.6 \,\mathrm{kph}$$

• 따라서
$$u_{A1} = 0.5u_{A2} + 1.299u_{B2} = (0.5)(50.4) + (1.299)(43.6) = 81.8 \text{ kph}$$
 $u_{B1} = 0.5773u_{A2} + 0.5u_{B2} = (0.5773)(50.4) + (0.5)(43.6) = 50.9 \text{ kph}$
• 또 $u_{A0}^2 - u_{A1}^2 = 254(0.5)(40) = 5,080$
 $u_{B0}^2 - u_{B1}^2 = 254(0.5)(30) = 3,810$ 이므로
 $u_{A0} = \sqrt{5,080 + 81.8^2} = 108.5 \text{ kph}$
 $u_{B0} = \sqrt{3,810 + 50.9^2} = 80 \text{ kph}$

에제 18.5 A차량이 20 m 거리를 미끄러진 후 10 m 높이의 언덕에서 추락하였다. 추락지점의 수직 선 아래지점에서부터 추락지점까지의 수평거리가 30 m라면 초기속도는 얼마인가? 만약 미끄러짐이 없이 추락하였다면 초기속도는 얼마인가? 단, 마찰계수는 0.5이다.

*
$$u_1 = \sqrt{63.5 \times 30^2 / 10 + 254 \times 0.5 \times 20} = 91 \text{ kph}$$
* $u_1 = \sqrt{63.5 \times 30^2 / 10} = 75.6 \text{ kph}$

에제 18.6 곡선반경 200 m인 도로구간에서 편주현상이 일어나 차량이 전복되는 사고가 발생하였다. 편주흔 시작점의 곡선반경이 300 m이고 편구배 2%, 횡방향 마찰계수가 0.3일 때, 편주가 시작되는 점에서 이 차량의 주행속도는 얼마인가? 만약 편주흔의 곡선반경을 측정할 수 없었다면 이 차량은 최소 얼마의 속도로 주행했겠는가?

풀이 식
$$(18.7)$$
에서
$$u = \sqrt{127R(e+f)}$$

$$u = \sqrt{127(300)(0.3+0.02)} = 110 \text{ kph}$$

$$u = \sqrt{127(200)(0.32)} = 90 \text{ kph}$$
 따라서 최소한 90 kph 의 속도로 주행했다.